

Wirtschaftsingenieurwesen

Aufgabensammlung Mathematik III



Dipl. Mathematiker (FH) Roland Geiger
Rosenstr. 23
72631 Aichtal
cs.geiger@t-online.de
www.cs-geiger.de

Inhaltsverzeichnis

Inhaltsverzeichnis	2
Allgemeine Regeln	4
Internet.....	5
Lösungen zu den Aufgaben	5
Internet	5
QR-Code	Fehler! Textmarke nicht definiert.
YouTube	Fehler! Textmarke nicht definiert.
Grundlagen	6
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	10
Lagemaße.....	14
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	19
Streumaße	21
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	25
Wahrscheinlichkeitsrechnung	26
Baumdiagramme und Pfadregel	26
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	29
Vierfeldertafel.....	30
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	32
Mengenalgebra	33
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	35
Kombinatorik	36
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	41
Wahrscheinlichkeiten.....	43
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	51
Verteilungen	57
Binomialverteilung	57
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	65
Hypergeometrische Verteilung.....	67
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	70
Poisson-Verteilung	71
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	74
Normalverteilung	76
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....	80
Zufallsvariablen.....	82

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....87

Indexberechnungen88

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....90

Regression- und Korrelationsrechnung.....97

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....101

Lorenzkurve und Gini-Koeffizient104

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....106

Hypothesentest.....107

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben.....110

Testverfahren..... Fehler! Textmarke nicht definiert.

T-Verteilung Fehler! Textmarke nicht definiert.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben..... Fehler! Textmarke nicht definiert.

F-Verteilung Fehler! Textmarke nicht definiert.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben..... Fehler! Textmarke nicht definiert.

χ^2 – Verteilung Fehler! Textmarke nicht definiert.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben..... Fehler! Textmarke nicht definiert.

Vermischte Aufgaben zur Klausurvorbereitung113

Allgemeine Regeln

Keine Handys, Smartphones, Tablets, Notebooks, MP3-Player, und sonstige elektronischen Geräte.

(Sollten auch nicht auf dem Tisch liegen)

Sollten Sie unbedingt kommunizieren müssen, so gehen Sie freiwillig aus dem Raum oder Sie bekommen von mir eine Pause zugeteilt, in der Sie in Ruhe Ihre Kommunikation durchführen können.



Internet

Lösungen zu den Aufgaben

Internet

<http://www.cs-geiger.de/wiw.htm>

Mathematik 1 - 3 Wirtschaftsingenieurwesen

DHBW Stuttgart Campus Horb

Skripte	Lösungen
Mathematik 1	
Manuskript	
Aufgabensammlung 1	
Aufgaben	Lösung
Mathematik 2	
Manuskript	
Aufgabensammlung 2	
Aufgaben	Lösung
Mathematik 3	
Manuskript	
Aufgabensammlung 3	
Aufgaben	Lösung
Formelsammlung	
Formelsammlung	

Klausuren

Alte Klausuren finden Sie in den jeweiligen Wiederholungsaufgaben am Ende des Kapitels in de Aufgabensammlung.

Lösung Stützkurs 1. Semester

1. Stützkurs	Lösung
2. Stützkurs	Lösung
3. Stützkurs	Lösung
4. Stützkurs	Lösung
5. Stützkurs	Lösung

Lösung Stützkurs 2. Semester

1. Stützkurs	Lösung
2. Stützkurs	Lösung
3. Stützkurs	Lösung
4. Stützkurs	Lösung
5. Stützkurs	Lösung

Lösung Stützkurs 3. Semester

1. Stützkurs	Lösung
2. Stützkurs	Lösung
3. Stützkurs	Lösung
4. Stützkurs	Lösung
5. Stützkurs	Lösung

Roland Geiger - Rosenstr.23 - 72631 Aichtal

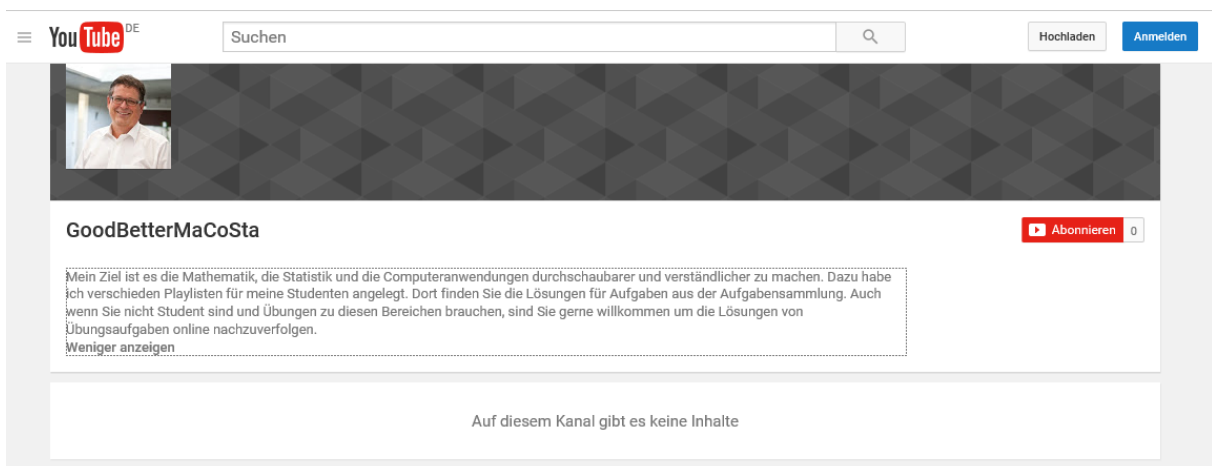
Fon 07127-960750 - Fax 07127-960751 - cs.geiger@t-online.de

QR-Code Internet



YouTube

<http://www.youtube.com/channel/UCro4ldWf20euH8u1SXU3I-g>



The screenshot shows the YouTube channel page for 'GoodBetterMaCoSta'. At the top, there is a search bar with the text 'Suchen' and a magnifying glass icon. To the right of the search bar are buttons for 'Hochladen' and 'Anmelden'. Below the search bar is a profile picture of a man with glasses and a white shirt. The channel name 'GoodBetterMaCoSta' is displayed in bold. To the right of the name is a red 'Abonnieren' button with a white play icon and a '0' next to it. Below the name is a description box with the text: 'Mein Ziel ist es die Mathematik, die Statistik und die Computeranwendungen durchschaubarer und verständlicher zu machen. Dazu habe ich verschieden Playlisten für meine Studenten angelegt. Dort finden Sie die Lösungen für Aufgaben aus der Aufgabensammlung. Auch wenn Sie nicht Student sind und Übungen zu diesen Bereichen brauchen, sind Sie gerne willkommen um die Lösungen von Übungsaufgaben online nachzuverfolgen.' Below the description box is a 'Weniger anzeigen' link. At the bottom of the channel page, there is a message: 'Auf diesem Kanal gibt es keine Inhalte'.

QR-Code YouTube



Grundlagen

Aufgabe 1:

Beim wiederholten werfen eines Spielwürfels wurde bei

80% aller Würfe eine Augenzahl ≤ 5

65% aller Würfe eine Augenzahl ≤ 4

45% aller Würfe eine Augenzahl ≤ 3

30% aller Würfe eine Augenzahl ≤ 2

5% aller Würfe eine Augenzahl ≤ 1

festgestellt.

Mit welchen relativen Häufigkeiten fielen die einzelnen Augenzahlen.

Aufgabe 2:

Was ist die Grundgesamtheit?

Aufgabe 3:

Welche Arten von Skalen kennen Sie?

Aufgabe 4:

Was heißt es, wenn diskrete Merkmale vorliegen?

Aufgabe 5:

Was ist eine Klassenhäufigkeit?

Aufgabe 6:

Bei einer Fabrikationskontrolle wurden 480 elektrische Widerstände untersucht, 12 waren defekt. Bei einer nächsten Kontrolle waren von 700 Widerständen 14 nicht in Ordnung. Welche Kontrolle ergab das bessere Ergebnis? (14 von 700)

Aufgabe 7:

Welche Zufallsexperimente sind in der Statistik von Interesse?

Aufgabe 8:

Bei einer Messung von Pflanzen traten folgende Längenmessungen auf:

4,6	5,5	6,2	6,5	6,5	6,4	6,5	6,2	5,4	5,7
5,1	5,5	5,9	6,4	5,9	6,5	6,2	5,9	5,1	6,2

Erstellen Sie aus diesen Werten eine Häufigkeitstabelle. In dieser sollte die absolute Häufigkeit, die relative Häufigkeit, die absolute kumulierte Häufigkeit und die relative kumulierte Häufigkeit dargestellt werden.

Aufgabe 9:

Im Rahmen einer klinischen Studie wird die Wirksamkeit einer therapeutischen Maßnahme an 22 Patienten untersucht. Bei $n = 14$ Patienten ist die Therapie erfolgreich.

Welche Darstellung der entsprechenden relativen Häufigkeit ist am sinnvollsten, für jemanden, der sich mit Statistik auskennt und für jemanden der von Statistik keine Ahnung hat.

Aufgabe 10:

In zwei Städten wurden je 60 Personen nach der Anzahl ihrer Kinobesuche in den letzten 6 Monaten gefragt. Man erhielt die folgenden Daten:

Kinobesuche/6 Monate	0	1	2	3	4	5	6
Zahl der Personen in A	6	8	8	11	14	11	2
Zahl der Personen in B	5	7	12	12	12	7	5

Erstellen Sie für jede dieser Umfragen eine Häufigkeitstabelle. Stellen Sie in dieser die absolute und relative Häufigkeit sowie die absolute und relative Summenhäufigkeit dar.

Aufgabe 11:

Jemand schlägt vor, die Daten der beiden Untersuchungen zusammenzufassen.

Folgen Sie dem Vorschlag und erstellen Sie eine neue Häufigkeitstabelle.

Aufgabe 12:

Erläutern Sie die Bedeutung des Skalenniveaus statistischer Daten!

Aufgabe 13:

Geben Sie das Skalenniveau folgender Merkmale an

- a) Jahresumsatz eines Unternehmens
- b) Körperlänge von männlichen Schülern
- c) Nationalität von Sportlern
- d) Geschlecht der Studierenden der Hochschule
- e) Haushaltsgröße (Personen)
- f) Schulnoten von 1 bis 6

Aufgabe 14:

Folgende Körpergrößen wurden von Schülern in der vierten Klasse gemessen:

140; 145; 135; 139; 139; 130; 134; 144; 138; 140; 140; 152; 148

Erstellen Sie eine Häufigkeitstabelle. In diese soll die absolute Häufigkeit, die relative Häufigkeit, die absolute Summenhäufigkeit und die relative Summenhäufigkeit eingetragen werden.

Aufgabe 15:

Bei einem Gedächtnisexperiment werden 40 Probanden 30 Gegenstände vorgelegt, die sie hinterher auswendig niederzuschreiben haben. Die folgende Aufzählung listet auf, an wie viele der Gegenstände sich jeder einzelne Proband erinnert hat:

12	20	23	0	14	16	12	10	30	12
14	9	6	22	14	29	1	10	11	22
15	16	12	13	15	17	2	14	22	9
11	14	18	19	20	6	8	10	12	14

- a) Welches Skalenniveau liegt vor (Anzahl erinnerte Gegenstände)?
- b) Erstellen Sie eine Häufigkeitstabelle.
- c) Wie viel Prozent der Probanden haben sich an 20 oder weniger Gegenstände erinnert?

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 16:

Geben Sie für die Merkmale

- a) Einkommen
- b) Haarfarbe
- c) Körperlänge
- d) Anzahl der Personen in einem ICE

an, ob sie stetig oder diskret sind.

Aufgabe 17:

In der folgenden Tabelle sind 60 Preise für den Kraftstoff Diesel. Diese Werte wurden an 60 verschiedenen Tankstellen zur gleichen Zeit an verschiedenen Orten ermittelt.

Tankstellen nummer	Preis in €	Tankstellen nummer	Preis in €	Tankstellen nummer	Preis in €	Tankstellen nummer	Preis in €
1	1,16	16	1,17	31	1,12	46	1,09
2	1,15	17	1,18	32	1,13	47	1,11
3	1,14	18	1,19	33	1,14	48	1,11
4	1,09	19	1,22	34	1,15	49	1,12
5	1,15	20	1,21	35	1,16	50	1,13
6	1,08	21	1,11	36	1,17	51	1,14
7	1,21	22	1,23	37	1,18	52	1,15
8	1,22	23	1,24	38	1,19	53	1,16
9	1,23	24	1,09	39	1,09	54	1,21
10	1,33	25	1,26	40	1,21	55	1,18
11	1,18	26	1,04	41	1,22	56	1,19
12	1,17	27	1,28	42	1,23	57	1,16
13	1,16	28	1,29	43	1,24	58	1,21
14	1,17	29	1,29	44	1,25	59	1,22
15	1,12	30	1,31	45	1,26	60	1,23

Berechnen Sie die relative kumulierte Häufigkeit für folgende Aussage:

Der Spritpreis betrug höchstens 1,15 Euro.

Aufgabe 18:

In der folgenden Tabelle sind die Fehlzeiten von den 50 Mitarbeitern der Backplasa AG des letzten Jahres aufgelistet.

Fehlzeit in Tage	0	3	5	9	12	18	21
Anzahl der MA	5	9	13	9	8	4	2

Erstellen Sie eine Häufigkeitstabelle. In dieser Häufigkeitstabelle soll die absolute Häufigkeit, die relative Häufigkeit, die absolute kumulierte Häufigkeit und die relative kumulierte Häufigkeit.

Aufgabe 19:

In der folgenden Tabelle sind die Fehlzeiten von den 50 Mitarbeitern der Backplasa AG des letzten Jahres aufgelistet.

Fehlzeit in Tage	0	3	5	9	12	18	21
Anzahl der MA	5	9	13	9	8	4	2

Wie groß ist der Anteil der Arbeitnehmer zu der Aussage „Die Fehlzeit ist fünf Tage oder weniger“. Geben Sie das Ergebnis als Prozentzahl an.

Aufgabe 20:

In der folgenden Tabelle sind die Fehlzeiten von den 50 Mitarbeitern der Backplasa AG des letzten Jahres aufgelistet.

Fehlzeit in Tage	0	3	5	9	12	18	21
Anzahl der MA	5	9	13	9	8	4	2

Welcher Anteil der gesamten Fehlzeit entfällt auf die oberen (kränksten) acht Mitarbeiter?

Aufgabe 21:

Welche der Merkmale A bis E sind bei beliebig genauer Messung stetig? (mehrere Antworten können richtig sein)

A Erlerner Beruf

B Gründe für die Wahl einer bestimmten Partei

C Einwohnerzahl einer Stadt

D Stromverbrauch in kWh

E Körpergröße

Aufgabe 22:

Eine ländliche Postfiliale führt folgende Untersuchung durch: An einem Tag werden die am Schalter abgefertigten Kunden in einer Strichliste erfasst. Alle zehn Minuten beginnt der Mitarbeiter dabei eine neue Zeile; kommt zehn Minuten lang gar kein Kunde, schreibt er eine 0 in die Zeile. Nach Schalterschließung ergibt sich durch Auszählen der Striche, wie viele Kunden in den 30 Zehn-Minuten-Intervallen der Öffnungszeit bedient wurden. Dies ist das Ergebnis:

0	1	0	2	2	1	0	3	1	2
1	0	1	2	1	0	3	3	1	5
2	0	1	1	3	2	2	0	3	5

Erstellen Sie eine tabellarische Übersicht mit den absoluten und relativen Häufigkeiten sowie den absoluten und relativen Summenhäufigkeiten der bedienten Kunden.

Aufgabe 23:

Die Arbeitsbelastung der Feuerwehr in zwei Städten Adorf und Bdorf soll miteinander verglichen werden. In der folgenden Häufigkeitstabelle ist für die Zahl der täglichen Einsätze über einen bestimmten Zeitraum für beide Städte aufgeführt.

Zahl der Einsätze	0	1	2	3	4	5	6	Summe
Anzahl von Tagen: A	51	32	28	51	29	25	21	237
Anzahl von Tagen: B	9	29	21	35	35	18	14	161

Bei welchen der beiden Feuerwehren ist die relative Häufigkeit für drei Einsätze pro Tag grösser. Berechnen Sie dazu beide relativen Häufigkeiten.

Aufgabe 24:

Bei der letzten Statistikklausur ergaben sich für die Studenten des Studiengangs Energietechnik folgende Punktezahlen:

12	18	3	25	26	18	18
29	26	22	25	3	18	12
5	12	15	15	14	7	17

Wie viel Prozent der Studenten haben 25 und mehr Punkte erreicht?

Aufgabe 25:

Es liegen Ihnen die Gewichtsangaben (in Kg) von 60 Personen vor:

65	65	66	73	79	83	73	69	69	89
88	88	67	74	80	84	74	70	70	90
81	67	68	75	81	85	75	71	71	73
82	68	69	76	82	86	76	77	73	74
70	70	70	77	83	87	77	67	82	75
72	72	78	78	84	79	80	79	75	86

Erstellen Sie für diese Gewichtsangaben eine Häufigkeitstabelle. Diese Häufigkeitstabelle sollte die relative Häufigkeit und die absolute kumulierte Häufigkeit enthalten.

Lagemaße

Aufgabe 26:

Welche der folgenden Aussagen ist falsch?

- 1) Der Mittelwert wird wesentlich stärker von Ausreißern beeinflusst als der Median.
- 2) Die Berechnung des Mittelwerts setzt ein quantitatives Merkmal voraus.
- 3) Der Mittelwert und der Median sind Lagemaße.
- 4) Bei schiefen Verteilungen weichen der Mittelwert und der Median voneinander ab.
- 5) Wenn die Berechnung des Medians erlaubt ist, kann auch der Mittelwert berechnet werden.

Aufgabe 27:

Welche der folgenden Aussagen, bezüglich der Eigenschaften des Medians, ist richtig?
(In der Grundgesamtheit sind mehr als 2 Werte enthalten)

- 1) Der Median bleibt in jedem Fall unverändert, wenn alle Werte außerhalb des Intervalls $\bar{x} \pm 2s$ aus der Stichprobe entfernt werden.
- 2) Der Median bleibt in jedem Fall unverändert, wenn zum größten Wert eine positive Zahl addiert wird.
- 3) Der Median bleibt in jedem Fall unverändert, wenn alle Werte mit der gleichen Zahl multipliziert werden.
- 4) Der Median bleibt in jedem Fall unverändert, wenn zu allen Werten eine Konstante addiert wird.
- 5) Der Median bleibt in jedem Fall unverändert, wenn man einen Ausreißer weglässt

Aufgabe 28:

Beantworten Sie die Frage jeweils nur mit ja oder nein.

Zu den Daten 18, 13, 16, 13, 19, 12 ist der Median kleiner als der arithmetische Mittelwert.

Zu den Daten 18, 13, 16, 13, 19, 12 ist der Modalwert kleiner als der arithmetische Mittelwert.

Zu den Daten 18, 13, 16, 12, 19, 19 ist der arithmetische Mittelwert kleiner als der Modalwert.

Zu den Daten 19, 18, 19, 12, 12 ist der arithmetische Mittelwert kleiner als der Median.

Zu den Daten 18, 13, 16, 12, 19, 19, 19 ist der Median kleiner als der Modalwert.

Zu den Daten 18, 13, 16, 13, 19, 12, 22 ist der Modalwert kleiner als der Median.

Zu den Daten 188, 130, 160, 121, 190, 190 ist der arithmetische Mittelwert kleiner als der Modalwert.

Aufgabe 29:

Für die Stadt Mosburg wurden die durchschnittlichen Monatstemperaturen der Sommermonate jeden Jahres ermittelt.

	1995	1996	1997	1998	1999
Juni	15,0 °C	15,6 °C	17,1 °C	17,2 °C	17,6 °C
Juli	20,9 °C	16,0 °C	18,1 °C	16,8 °C	17,8 °C
August	19,2 °C	18,0 °C	21,0 °C	17,1 °C	18,5 °C

Fragen:

In welchem Jahr war die Durchschnittstemperatur aller drei Monate am höchsten?
(1997)

In welchem Jahr war die Durchschnittstemperatur aller drei Monate am geringsten?
(1996)

Aufgabe 30:

Ein Hersteller von Glühlampen behauptet in einem Werbespot, dass die von ihm produzierten Glühlampen eine durchschnittliche Lebensdauer von 1450 Stunden haben. In einem Test wurden für zehn wahllos herausgegriffene Glühlampen folgende Lebensdauern ermittelt:

2039 h; 1510 h; 1786 h; 1456 h; 922 h; 1294 h; 1509 h; 1555 h; 657 h; 1594 h.

Was meinen Sie zu dieser Werbung?

Aufgabe 31:

Die Punktzahlen, die ein Student bei sechs Klausuren erreichte, waren 84, 91, 72, 68, 87 und 78.

a) Man bestimme das arithmetische Mittel der Punktzahl. (80)

b) Man bestimme den Median der Punktzahlen (81)

Aufgabe 32:

Man bestimme den Mittelwert, den Median und den Modus der Zahlenmenge:
3,5,2,6,5,9,5,2,8,6. (5,1; 5; 5)

Aufgabe 33:

Man bestimme das geometrische Mittel (6,43) und das arithmetische Mittel (7) der Zahlen 3,5,6,6,7,10,12

Aufgabe 34:

Man bestimme das harmonische Mittel der Zahlen 3,5,6,6,7,10,12. (5,87)

Aufgabe 35:

Wenn die Abschlussklausur einer Vorlesung dreimal so hoch gewertet wird wie eine Kurzklausur und ein Student bei der Abschlussklausur eine Punktzahl vom 85 und bei den Kurzklausuren Punktezahlen von 70 und 90 erhalten hat. Wie hoch ist die durchschnittliche Punktzahl? (83)

Aufgabe 36:

Berechnen Sie das arithmetische Mittel folgender Stichprobenwerte.

2,3,6,5,2,8,7,2,4,3,1,3,0 (3,54)

Aufgabe 37:

Bei einem Versuch mit Sommerweizen erzielte man folgende Körnererträge pro Parzelle (auf 10g genau gemessen):

640, 530, 700, 850, 950, 710, 780, 670, 730, 820, 740, 770.

Berechnen Sie für den Körnerertrag:

a) das arithmetische Mittel \bar{x} (740,83),

b) den Median x_{Med} (735).

Aufgabe 38:

Ein Wanderer legte einen Weg von zwei Kilometern Länge zurück. Den ersten Kilometer ging er mit einer Geschwindigkeit von 6 km pro Stunde, den zweiten mit einer solchen von 4 km pro Stunde. Wie groß war seine Durchschnittsgeschwindigkeit? (4,8)

Aufgabe 39:

Erwin besucht seine Großmutter väterlicherseits und nimmt als Geschenk natürlich Apfelsinen mit. Die ersten 15 km der Strecke fährt er mit einer Durchschnittsgeschwindigkeit von 45 km/h, auf den nächsten 25 km kann er im Durchschnitt 100 km/h fahren und auf den letzten 20 km kommt er auf 40 km/h im Durchschnitt.

Wie groß ist die Durchschnittsgeschwindigkeit? (55,38)

Aufgabe 40:

Bestimmen Sie aus der folgenden Urliste (Pulsmessung) den Modalwert und Median. (-; 68,5)

Berechnen Sie die durchschnittliche Pulsfrequenz aller Schüler und vergleichen Sie diese mit dem Median der Urliste. (69,1)

Pulsfrequenz von 32 Schülern:

64 65 70 80 88 58 60 68 63 64 57 77 74 73 62 52
72 84 63 90 68 59 58 71 80 82 81 69 53 65 69 71

Aufgabe 41:

Die 32 Schüler einer Klasse haben ein Durchschnittsgewicht von 74 kg.

Nach langer Krankheit hat ein Schüler 24 kg abgenommen.

- a) Um wie viel ändert sich der Mittelwert? (73,25)
- b) Wie ändert sich der Mittelwert, wenn sich bei einer Datenreihe mit n Elementen ein Datenwert um a vergrößert, bzw. verkleinert? ($\pm a/n$)

Aufgabe 42:

In einem Unternehmen sind 10 Frauen in einer Putzkolonie auf 325 € - Basis beschäftigt. Der Chef stellt einen Vorarbeiter ein, der 2800 € pro Monat verdienen soll.

Welche Auswirkungen ergeben sich dadurch auf den Modalwert, den Median und das arithmetische Mittel der Monatseinkommen aller Mitarbeiter?

Aufgabe 43:

Dreizehn Studenten geben ihre monatlichen Ausgaben in € wie folgt an:

Studenten	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Einkommen	700	800	900	1200	1400	1500	200	750	800	3000	950	1300	1450

- a) Berechnen Sie das arithmetische Mittel (1150), den Median (950) und den Modalwert (800). Interpretieren Sie diese Merkmale inhaltlich.
- b) Erklären Sie, warum sich die Lagemaße unterscheiden.
- c) Welche Maßzahl charakterisiert Ihrer Meinung nach die Stichprobe am besten?

Aufgabe 44:

Student Sauerbrot ist der Meinung, dass ihm das Studentenleben zu gut bekommt und möchte etwas gegen seinen deutlich sichtbaren Bauch tun. Zu diesem Zweck beschließt er, jeden Tag eine Stunde Fahrrad zu fahren. In der ersten Woche schafft er folgende Strecken (in km):

15; 16,5; 17,5; 18; 18; 20; 22

a) Sauerbrot möchte wissen, welche Geschwindigkeit er im Schnitt geschafft hat und berechnet das arithmetische Mittel (Wert?).

b) Sein Bruder glaubt dagegen, man müsse bei einer solchen Fragestellung das harmonische Mittel berechnen (Wert?).

c) Wer von beiden hat Recht?

d) Um wie viel Prozent hat S seine Kilometerleistung im Schnitt gesteigert?

Aufgabe 45:

Ein Botendienst bringt jeden Tag Post von der Betriebszentrale zu einer bestimmten Filiale.

Der Fahrer notierte an zehn Tagen die benötigte Zeit in Minuten:

32, 27, 29, 25, 34, 28, 36, 30, 32, 39

a.) Berechnen Sie das arithmetische Mittel der Fahrzeiten. (31,2)

b.) Berechnen Sie den Median der Fahrzeiten. (31)

Aufgabe 46:

Der Umsatz eines Unternehmens entwickelte sich in den Jahren 2001 bis 2004 jeweils mit folgenden jährlichen Veränderungsraten:

t	2001	2002	2003	2004
r	8%	15%	-4%	12%

Berechnen Sie den durchschnittlichen jährlichen Wachstumsfaktor. (7,5%)

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 47:

Unter Kunden der Fastfood-Kette Noodle-Box wurde ermittelt, welche Größe die Kunden für den Nudel-Burger wählen. Dabei ergab sich folgendes Ergebnis:

Größe des Nudel-Burgers	Klein	Mittel	groß	XXL
Anzahl der gekauften	25	85	140	50

Geben Sie als Zusammenfassung ein sinnvolles Lagemaß an.

Aufgabe 48:

Dreizehn Studenten geben ihre monatlichen Ausgaben in € wie folgt an:

| 1300 | 1200 | 1400 | 700 | 200 | 750 | 1450 | 1500 | 800 | 800 | 950 | 900 | 3000 |

- a) Berechnen Sie das arithmetische Mittel, den Median und den Modalwert.
- b) Welche Maßzahl charakterisiert Ihrer Meinung nach die Stichprobe am besten?

Aufgabe 49:

Der Kontostand des Studenten Daniel Knalle entwickelte sich in den letzten Jahren wie folgt (alle Beträge auf € umgerechnet).

Jahre	2008	2009	2010	2011	2012	2013
Kontostand	1000	1054	1111	1170	1234	1300

Berechnen Sie die durchschnittliche Wachstumsrate auf vier Nachkommastellen.

Aufgabe 50:

Gegeben sind die Inflationsraten gegenüber dem jeweiligen Vorjahr aus acht aufeinander folgenden Jahren.

Jahr	t₁	t₂	t₃	t₄	t₅	t₆	t₇	t₈
Inflation gegenüber Vorjahr in %	0,2%	1,3%	2,8%	2,7%	3,5%	4,0%	4,2%	3,0%

Ermitteln Sie die durchschnittliche Inflationsrate in Prozent!

Aufgabe 51:

In der folgenden Tabelle sind die Fehlzeiten von den 50 Mitarbeitern der Backplasa AG des letzten Jahres aufgelistet.

Fehlzeit in Tage	0	3	5	9	12	18	21
Anzahl der MA	5	9	13	9	8	4	2

Berechnen Sie das arithmetische Mittel, den Median und den Modus.

Wenn Sie diese drei Maße vergleichen, was können Sie daraus schließen?

Streumaße

Aufgabe 52:

Beantworten Sie die Frage nur mit ja oder nein.

Die Standardabweichung einer Zufallsgröße kann nicht negativ sein.

Aufgabe 53:

Nach einer Vordiplomprüfung werden die Noten eines erfahrenen Prüfers mit denen eines unerfahrenen Prüfers verglichen. Es ergaben sich die folgenden Noten:

Erfahrener	
2	3
1	2
4	1
5	1
1	
4	

Unerfahrener	
2	1
3	2
3	3
2	3
2	3
3	

Untersuchen Sie, ob es in der Varianz(Standardabweichung) einen Unterschied bei den Prüfern gibt. Interpretieren Sie das Ergebnis. (1,43; 0,66)

Aufgabe 54:

Es sind folgende Zahlen gegeben:

17, 45, 38, 27, 6, 48, 11, 57, 34, 22.

Bestimmen Sie die Spannweite? (51)

Aufgabe 55:

In einer Arbeit erzielten Schüler folgende Punktzahlen:

49	53	54	56	56	57	57	59	61	62	67	69	72	72
73	73	75	75	76	78	81	81	84	85	86	88	89	90

Bestimmen Sie das untere, mittlere und obere Quartil. (57,5; 72,5; 81)

Aufgabe 56:

Gegeben sind folgende Studiendauern von Absolventen zweier Studienfächer A und B:

A: 12, 14, 9, 19, 10, 9, 11

B: 14, 11, 11, 12, 12, 11, 13, 12

a) Geben Sie jeweils die Extremwerte, die Spannweite, den Modalwert, den Median und das arithmetische Mittel an. Was lässt sich zusammenfassend über die Lage der beiden Verteilungen A und B im Vergleich sagen?

b) Berechnen Sie für A die Stichproben-Varianz und die Standardabweichung.

c) Berechnen Sie für B die Schiefe.

Aufgabe 57:

Berechnen Sie auch die Varianz und die Standardabweichung aus den folgenden Stichprobenwerten. 23, 34, 22, 41 (62,5; 7,91)

Aufgabe 58:

Schüler erfragen die Preise für zwei Zubehörteile für ihren Computer in verschiedenen Läden der Stadt. Die festgestellten Stückpreise lassen sich der folgenden Liste entnehmen.

Teil A (in €) x_i	4,00	4,10	5,40	4,90	3,50	3,40
Teil B (in €) x_i	11,00	11,90	14,90	10,00	12,60	9,90

a) Berechnen Sie jeweils die Standardabweichung.

b) Welcher Preis schwankt stärker?

Aufgabe 59:

Zehn Frauen wurden nach ihrer Körpergröße (in cm) gefragt. Es ergaben sich folgende Nennungen.

168, 170, 161, 168, 162, 172, 164, 167, 170, 158

Berechnen oder stellen Sie folgende Größen zusammen:

Geordnete Urliste, Mittelwert (166), Median (167,5), Modus (168; 170), Varianz (18,6), Standardabweichung (4,313), Spannweite (14) und Quartile (162; 170).

Stellen Sie die Ergebnisse in einem Boxplot dar.

Aufgabe 60:

Dieselben Frauen gaben auch ihre Schuhgröße an.

Es ergaben sich folgende Nennungen.

39, 39, 38, 38, 37, 41, 38, 38, 40, 37

Berechnen oder stellen Sie folgende Größen zusammen:

Geordnete Urliste, Mittelwert (38,5), Median (38), Modus (38), Varianz, Standardabweichung (1,2), Spannweite (4) und Quartile (38; 39).

Aufgabe 61:

Eine Wetterstation liefert die Tagestemperaturen (in °C), gemessen um 12:00, für die 30 Tage eines Monats

11,8	12,4	18,5	24,2	23,5	20,8	21,5	23,5	20,6	15,4
14,8	17,5	16,9	18,2	16,4	17,9	20,3	19,5	17,9	18,5
24,0	23,5	25,2	23,6	22,2	20,7	21,0	20,4	18,9	21,8

- Berechnen Sie die durchschnittliche Tagestemperatur.
- Berechnen Sie den Median, den Quartilsabstand und die Spannweite.
- Über viele Jahre gemittelt lagen die Durchschnittstemperaturen für diesen Monat bei 18,5°C. Haben sich die klimatischen Verhältnisse geändert?

Aufgabe 62:

Schüler erfragen die Preise für zwei Zubehörteile für ihren Computer in verschiedenen Läden der Stadt. Die festgestellten Stückpreise lassen sich der folgenden Liste entnehmen.

Teil A (in €)	4,00	4,10	5,40	4,90	3,50	3,40
Teil B (in €)	11,00	11,90	14,90	10,00	12,60	9,90

- Berechnen Sie jeweils die Standardabweichung.
- Welcher Preis schwankt stärker?

Aufgabe 63:

In einer Firma werden Schrauben gefertigt, sie sollen 80 mm lang sein.

Bei einer Qualitätskontrolle werden aus der Produktion 90 Schrauben entnommen und deren Länge gemessen.

Länge in mm	79,3	79,4	79,5	79,6	79,7	79,8	79,9	80,0
abs. Häufigkeit	1	2	3	5	3	8	8	14
Länge in mm	80,1	80,2	80,3	80,4	80,5	80,6	80,7	
abs. Häufigkeit	11	11	9	4	5	5	1	

- Stellen Sie die Häufigkeitsverteilung durch eine Häufigkeitstabelle dar.
- Bestimmen Sie die durchschnittliche Länge der Schrauben und bestimmen Sie die Standardabweichung.
- Bestimmen Sie die Länge d , für die etwa 50% der Messwerte kleiner und etwa 50% der Messwerte größer als d sind. Wie nennt man diesen Wert? Berechnen Sie den Quartilsabstand.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 64:

Herr Matschi notiert an verschiedenen Tagen die Zeiten (in Minuten), die er für seinen Weg in die Arbeit benötigt: 55, 56, 51, 56, 25, 58, 54, 56, 56, 50, 52.

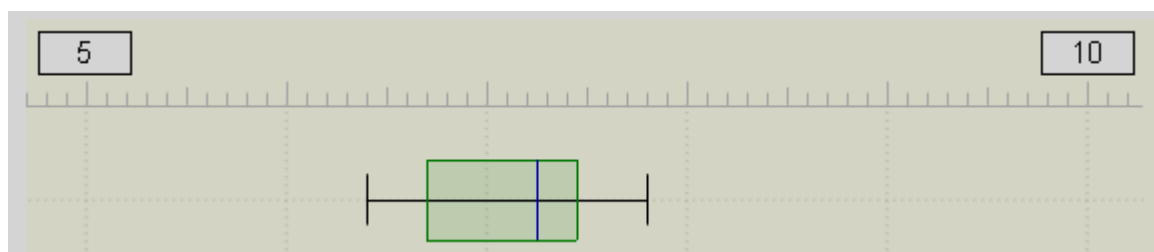
Zu seinem Arbeitskollegen macht er folgende Aussage:

"In 25% der Arbeitstage brauche ich 54 Minuten und mehr"

Was sagen Sie zu dieser Aussage und wie würden Sie diese Aussage widerlegen oder stützen? Begründen Sie Ihre Antwort auch durch Rechnung.

Aufgabe 65:

Bestimmen Sie den Median anhand des gegebenen Box-Plots.



Aufgabe 66:

In der folgenden Tabelle sind die Fehlzeiten von den 50 Mitarbeitern der Backplasa AG des letzten Jahres aufgelistet.

Fehlzeit in Tage	0	3	5	9	12	18	21
Anzahl der MA	5	9	13	9	8	4	2

Berechnen Sie das untere und das obere Quartil. Berechnen Sie dabei den gerundeten und den genauen Wert für beide Quartile.

Aufgabe 67:

In der folgenden Tabelle sind die Fehlzeiten von den 50 Mitarbeitern der Backplasa AG des letzten Jahres aufgelistet.

Fehlzeit in Tage	0	3	5	9	12	18	21
Anzahl der MA	5	9	13	9	8	4	2

Berechnen Sie die durchschnittliche Abweichung, die Varianz und die Standardabweichung. ($\bar{x} = 7,66$)

Wahrscheinlichkeitsrechnung

Baumdiagramme und Pfadregel

Aufgabe 68:

Eine Urne enthalte 5 rote Kugeln und eine schwarze Kugel. Nacheinander werden zwei Kugeln durch Ziehen ohne Zurücklegen gezogen.

Stellen Sie den Stichprobenraum in einem Baumdiagramm dar.

Aufgabe 69:

In einer Obstkiste befinden sich 10 rote Tomaten und 20 gelbe Tomaten gleicher Größe und gleicher Form. Aus der Kiste werden blind nacheinander drei Tomaten entnommen (ohne zurücklegen).

Zeichnen Sie das Baumdiagramm und geben Sie die Ergebnismenge S aller möglichen Ergebnisse an.

Aufgabe 70:

Zwei Schüler A und B spielen gegeneinander Poolbillard. Gewinner ist derjenige, der als erster zwei Spiele gewinnt. Zeichnen Sie das Baumdiagramm und geben Sie die Ergebnismenge S an.

Aufgabe 71:

Eine Urne enthalte 30 Kugeln, 10 schwarze und 20 weiße. Es wird durch Ziehen mit Zurücklegen der Reihe nach 3 Kugeln entnommen und ihre Farbe schwarz (s) bzw. weiß (w) der Reihe nach notiert, z. B. wss .

Stellen Sie dieses Zufallsexperiment in einem Baum dar und tragen Sie die Wahrscheinlichkeiten ein.

Aufgabe 72:

Eine Münze, die so belegt ist, dass $P(Z)=2/3$ und $P(W)=1/3$, wird geworfen. Erscheint Zahl, dann wird eine der Zahlen 1 bis 9 zufällig ausgewählt; erscheint Wappen, dann wählt man eine der Zahlen 1 bis 5. Geben Sie die Wahrscheinlichkeit p an, dass man eine gerade Zahl (G) auswählt. (0,4296)

Aufgabe 73:

Schachtel A enthält 9 Zettel mit den Zahlen 1 bis 9, Schachtel B enthält 5 Zettel mit den Zahlen 1 bis 5. Aus einer zufällig ausgewählten Schachtel wird zufällig ein Zettel gezogen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass der Zettel aus Schachtel A gezogen wurde, wenn die Zahl darauf gerade ist? (0,5263)

Aufgabe 74:

In einer Urne befinden sich eine blaue und sieben rote Kugeln. Für den weiteren Spielverlauf liegen drei blaue Kugeln bereit.

Es gilt folgende Regel: zieht man eine blaue Kugel, so wird sie in die Urne zurückgelegt. Zieht man eine rote Kugel, so legt man sie beiseite und stattdessen eine blaue Kugel in die Urne. Es wird dreimal gezogen.

Zeichnen Sie ein vollständiges Baumdiagramm und berechnen Sie die Wahrscheinlichkeiten folgender Ereignisse:

- A: die erste Kugel ist blau
- B: nur die erste Kugel ist blau
- C: genau eine Kugel ist blau
- D: mindestens eine Kugel ist blau
- E: höchstens eine Kugel ist blau

Aufgabe 75:

Der Schülerrat eines Berufskollegs besteht aus 3 Schülern und 2 Schülerinnen. Es wird ausgelost, wer in diesem Jahr Vorsitzender und Stellvertreter wird. Zuerst werden der Vorsitzende und dann der Stellvertreter ausgelost.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit wird je eine Schülerin Vorsitzende und eine Schülerin Stellvertreterin?
- b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit wird eine Schülerin Vorsitzende und ein Schüler Stellvertreter?
- c) Mit welcher Wahrscheinlichkeit wird eine Schülerin Stellvertreterin?

Aufgabe 76:

In einer Urne befinden sich 3 rote und 2 gelbe Kugeln. Nacheinander werden zwei Kugeln mit zurücklegen gezogen.

- a) Erstellen Sie das Baumdiagramm und die Wahrscheinlichkeitsverteilung als Tabelle.
- b) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit für die Ereignisse
 - A: Die gezogenen Kugeln haben ungleiche Farben.
 - B: Mindestens eine der gezogenen Kugel ist gelb.

Aufgabe 77:

In einer Urne befinden sich 3 rote und 4 gelbe Kugeln. Nacheinander werden zwei Kugeln ohne zurücklegen gezogen.

a) Erstellen Sie das Baumdiagramm und die Wahrscheinlichkeitsverteilung als Tabelle.

b) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit für die Ereignisse

A: Die zweite gezogene Kugel ist rot.

B: Beide Kugeln haben die gleiche Farbe.

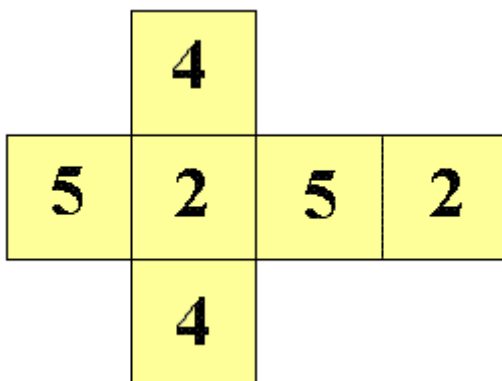
Aufgabe 78:

Bestimmen Sie mit Hilfe eines Baumdiagramms die Wahrscheinlichkeit, beim zweimaligen Würfeln mit dem Würfel, dessen Netz unten abgebildet ist,

a) zwei gleiche Zahlen zu würfeln.

b) erst eine größere, dann eine kleinere Zahl zu würfeln.

c) zuerst eine „2“ zu würfeln.



Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 79:

In einem Gefäß sind 50 gleichartige Kugeln, davon 20 rote und 30 blaue.

Es werden 3 Kugeln gezogen mit Zurücklegen.

Welche Wahrscheinlichkeit hat das Ereignis?

- a) A: Alle Kugeln sind blau.
- b) B: Eine Kugel ist blau, zwei sind rot.
- c) C: Eine Kugel ist rot, zwei sind blau.
- d) D: Höchstens eine Kugel ist rot.

Aufgabe 80:

Bei der Produktion von Tongefäßen hat man erfahrungsgemäß 20% Ausschuss.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit das bei der Herstellung von vier Gefäßen drei brauchbar sind? (0,4096)
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit das bei der Herstellung von vier Gefäßen zwei brauchbar sind? (0,1536)
- c) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit das bei der Herstellung von vier Gefäßen mindestens drei brauchbar sind? (0,8192)

Aufgabe 81:

Jackie hat in einer Schublade 18 blaue und 12 andersfarbige Kugelschreiber. Bei sieben blauen Kugelschreibern und bei fünf der anderen ist die Mine eingetrocknet.

- a) Erstellen Sie ein Baumdiagramm
(b=blau ; bn=nicht blau ; s=schreibt ; sn=schreibt nicht)
- b) Jackie greift ohne hinzusehen in die Schublade und nimmt einen Kugelschreiber heraus. Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist seine Mine nicht eingetrocknet? (0,6)
- c) Jackie hat einen blauen Kugelschreiber aus der Schublade genommen. Mit welcher Wahrscheinlichkeit „schreibt“ er?

Vierfeldertafel

Aufgabe 82:

Von den 36 Rauchern einer 78 Schüler umfassenden Berufsschulklasse sind 22 im Sportverein. 32 Jugendliche gehören keinem Sportverein an. Erstellen Sie eine Vierfeldertafel.

Aufgabe 83:

Von 108 Schülern wünschen sich 74, einmal eigene Kinder groß zu ziehen. 35 % der Jungen möchten allerdings keine Kinder haben. Von den 48 Mädchen ist eine Mehrheit für eigene Kinder. Wie viele Mädchen und wie viele Jungen möchten später einmal eigene Kinder haben?

Aufgabe 84:

Ein Uhrhändler erhält 40 Uhren, von denen 65 % mit Tagesanzeige sind. Ein Fünftel der Uhren hat ein Stahlarmband. 12 Uhren haben keine Tagesanzeige und kein Stahlarmband. Wie viele Uhren mit Stahlarmband haben eine Tagesanzeige? (alle Angaben in Prozent)

Aufgabe 85:

Die Belegschaft einer Firma besteht zu 43% aus Männern. Von allen Mitarbeitern sind 30% älter als 50 Jahre. Die Wahrscheinlichkeit unter den Firmenangehörigen eine Frau zu finden, die älter als 50 Jahre ist, beträgt 12%.

Aufgabe 86:

In einer Schulklasse mit 16 Jungen und 9 Mädchen besitzen 15 Schüler einen eigenen Computer. Die Wahrscheinlichkeit, dass man bei willkürlicher Auswahl eines Schülers einen Jungen ohne eigenen Computer trifft, beträgt 28%. (alle Angaben in Prozent)

Aufgabe 87:

1. In einer Klasse mit 30 Schülern spielen 19 Kinder ein Instrument und 40% der Schüler sind Buben. Genau fünf Buben spielen kein Instrument. Wie viele Mädchen spielen kein Instrument?

Aufgabe 88:

Von 320 Schülern haben 250 zu Hause ein eigenes Radiogerät, 130 einen eigenen Fernseher, während 12,5% der Schüler weder einen Fernseher noch ein eigenes Radio besitzen. Wie viele Schüler haben einen eigenen Fernseher und ein eigenes Radio?

Aufgabe 89:

Ein Karton mit Müsliriegeln enthält 240 Stück, von denen 75% mit Vollmilchschokolade und der Rest mit Zartbitterschokolade überzogen ist. Ein Drittel der Riegel ist mit einem roten Zuckerguss versehen, und 50 Riegel sind zartbitter und haben keinen roten Zuckerguss. Wie viele Vollmilch-Müsliriegel sind rot?

Aufgabe 90:

Von den 30,917 Millionen Erwerbstätigen in Deutschland haben 50,9 % eine Arbeitsstätte, die weniger als 10 km entfernt liegt. Von diesen fahren 48,4 % mit dem eigenen PKW zur Arbeit. Insgesamt benutzen 60,3 % der Erwerbstätigen das eigene Auto für die Fahrt zur Arbeit.

Erstellen Sie eine Vierfeldertafel mit absoluten Häufigkeiten (Anzahl der Personen).

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben**Aufgabe 91:**

Aufgrund von statistischen Erhebungen weiß man über eine bestimmte Krankheit folgendes: Die Krankheit tritt mit einer Wahrscheinlichkeit von $\frac{1}{150}$ in der Bevölkerung auf. Der Test zur Diagnose dieser Krankheit zeigt mit einer Wahrscheinlichkeit von 0,97 die Krankheit an, wenn man tatsächlich krank ist. Ist man nicht krank, so zeigt dies der Test mit einer Wahrscheinlichkeit von 0,95 an.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist jemand tatsächlich krank, bei dem der Test die Krankheit anzeigt?

Aufgabe 92:

Trotz aller Warnungen vor den gesundheitlichen Gefahren des Rauchens verzichten viele Bundesbürger nicht darauf. So stufen sich 35,1 % der 34,3 Millionen männlichen Deutschen über 10 Jahren als regelmäßige oder gelegentliche Raucher ein, sowie 20,6 % der 37,5 Millionen Frauen dieser Altersgruppe.

Erstellen Sie sowohl ein Baumdiagramm als auch eine sinnvoll beschriftete Vierfeldertafel mit relativen Häufigkeiten und eine mit absoluten Häufigkeiten.

Aufgabe 93:

In 35,8 % der Haushalte der alten Bundesländer lebt nur eine Person; der entsprechende Anteil der Einpersonen-Haushalte in den neuen Bundesländern beträgt 30,1 %, wobei sich 18,5 % aller 36,7 Millionen Haushalte Deutschlands in Ostdeutschland befinden.

Erstellen Sie eine sinnvoll beschriftete Vierfeldertafel mit den absoluten Häufigkeiten.

Mengenalgebra

Aufgabe 94:

Ein normaler 6-seitiger Würfel wird einmal geworfen. Geben Sie die folgenden Ereignisse in Mengenschreibweise an:

- (a) A: Die Augenzahl ist gerade.
- (b) B: Die Augenzahl ist ungerade.
- (c) C: Die Augenzahl ist größer als 6.
- (d) D: Die Augenzahl ist keine 5.
- (e) E: Die Augenzahl ist eine Quadratzahl.
- (f) F: Die Augenzahl ist eine Primzahl.

Aufgabe 95:

Ein Würfel wird zweimal geworfen. Geben Sie die folgenden Ereignisse in Mengenschreibweise an:

- (a) A: Die Augensumme ist 7.
- (b) B: Die Augensumme ist eine Primzahl.
- (c) C: Die Augensumme ist eine Quadratzahl und ungerade.
- (d) D: Das Produkt der Augenzahlen ist eine Quadratzahl.

Aufgabe 96:

Ein normaler 6-seitiger Würfel wird einmal geworfen. Geben Sie die folgenden Ereignisse in Mengenschreibweise an:

- (a) A: Die Augenzahl ist durch zwei teilbar.
- (b) B: Die Augenzahl ist durch drei teilbar.
- (c) C: Die Augenzahl ist keine Primzahl.
- (d) Bestimmen Sie $A \cap B$, $A \cap C$ und $B \cap C$.
- (e) Bestimmen Sie $A \cup B$, $A \cup C$ und $B \cup C$.

Aufgabe 97:

Eine Klasse enthält 10 Schüler und 20 Schülerinnen. Jeweils die Hälfte davon hat braune Augen. Bestimme die Wahrscheinlichkeit p dafür, dass eine zufällig ausgewählte Person ein Schüler ist oder braune Augen hat. (0,6667)

Aufgabe 98:

In einem Abiturjahrgang am Berufskolleg sind 100 Schüler/innen, davon haben 87 Spanisch (S) und 75 Französisch (F) gelernt, 70 beherrschen beide Fremdsprachen.

a) Wie viele Schüler/innen lernten Französisch oder Spanisch? (oder bedeutet hier Französisch, Spanisch oder beides) (92)

b) Ein Schüler/in wird zufällig ausgewählt. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass er/sie Spanisch oder Französisch gelernt hat. (oder bedeutet hier Französisch, Spanisch oder beides) (0,92)

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 99:

Für die Elektrotechnik-Studenten einer Universität ist die Wahrscheinlichkeit, nach dem Bachelor-Abschluss ein Master-Studium zu beginnen gleich $\frac{1}{4}$, für Maschinenbau-Studenten dagegen gleich $\frac{1}{3}$. Geben Sie die Wahrscheinlichkeit an,

- a) dass Studenten beider Fächer nach dem Bachelor-Abschluss ein Master-Studium beginnen.
- b) dass Studenten der Elektrotechnik oder Maschinenbau nach dem Bachelor-Abschluss ein Master-Studium beginnen.

Aufgabe 100:

In einem Informatik-Kurs bestehend aus 100 Studenten, haben 54 Studenten Mathematik, 69 Chemie und 35 beide Fächer belegt. Wenn wir zufällig einen Studenten auswählen, wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür,

- a) (3) dass er Mathematik oder Chemie belegt hat?
- b) (3) dass er keins von diesen beiden Fächern belegt hat?
- c) (4) dass er Chemie aber nicht Mathematik belegt hat?

Aufgabe 101:

Bei der Herstellung eines Gerätes sind zwei Fehler aufgetreten.

15% der Produktion haben den Fehler F_1 und 10% den Fehler F_2 .

82% der Geräte arbeiten fehlerfrei.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat ein Gerät beide Fehler?

Kombinatorik

Aufgabe 102:

Wie groß ist die Anzahl der möglichen Stichproben vom Umfang $k=3$ aus einer Grundgesamtheit von $n=12$ Elementen (mit und ohne Berücksichtigung der Reihenfolge, bzw. mit und ohne Wiederholungen)?

Aufgabe 103:

In einer Urne liegen 10 Kugeln mit den Nummern 1 bis 10. Man zieht eine Kugel zufällig, notiert ihre Nummer und legt sie dann wieder zurück. Wie viele verschiedene Zahlenfolgen erhält man, wenn man 6-mal zieht? (1.000.000)

Aufgabe 104:

In einer Urne liegen 10 Kugeln mit den Nummern 1 bis 10. Man zieht nacheinander 6 Kugeln ohne Zurücklegen und notiert ihre Nummern in der Reihenfolge, in der sie erscheinen. Wie viele Möglichkeiten gibt es? (151.200)

Aufgabe 105:

In einer Urne sind 10 Kugeln mit den Nummern 1 bis 10. Es werden mit einem Griff 6 Kugeln gezogen. Wie viele Möglichkeiten gibt es? (210)

Aufgabe 106:

Eine Fußballmannschaft besteht bekanntlich aus 11 Spielern. Der Trainer will für Elfmeterschießen 5 Spieler aus seiner Mannschaft auswählen. Wie viele Möglichkeiten hierfür gibt es? (462)

Aufgabe 107:

16 Personen wollen mit einem Autobus fahren, der genau 5 freie Plätze hat. Wie viele Möglichkeiten gibt es die 5 Plätze zu besetzen, wenn die verschiedenen Anordnungen der Personen nicht berücksichtigt werden? (4368)

Aufgabe 108:

Eine Fußballmannschaft besteht bekanntlich aus 11 Spielern. Der Trainer entscheidet sich dafür, 5 Spieler der Mannschaft für das Elfmeterschießen auszuwählen und gleichzeitig die Reihenfolge festzulegen, in welcher die 5 Spieler zum Elfmeter antreten sollen. Wie viele Möglichkeiten gibt es für dieses Auswahlverfahren? (55.440)

Aufgabe 109:

Ein Autofahrer muss auf seiner Fahrt 4 Ampeln passieren. Jede Ampel hat 3 Phasen: grün, orange, rot. Die Ampeln sind nicht aufeinander abgestimmt. Berechnen Sie die Anzahl der Möglichkeiten. (81)

Aufgabe 110:

Bei einem Kombinationsschloss sind die einzelnen Einstellungen durch 3-ziffrige Zahlen mit Ziffern aus 1 bis 9 möglich. Berechnen Sie die Anzahl der möglichen Einstellungen. (729)

Aufgabe 111:

Es sollen 5 unterscheidbare Kugeln auf 9 unterscheidbare Urnen verteilt werden. In einer Urne darf höchstens eine Kugel liegen. Wie viele Verteilungen gibt es? (15.120)

Aufgabe 112:

Für ein Projekt sollen aus 7 Bewerbern ein Projektleiter und ein Stellvertreter bestimmt werden. Wie viele Möglichkeiten gibt es? (42)

Aufgabe 113:

Auf wie viele Arten können sich 4 Leute auf vier Sessel sitzen? (24)

Aufgabe 114:

Jemand hat die aus massivem Gold hergestellten Ziffern 1, 9, 8 und 7 geerbt; wie viele verschiedene vierstellige Zahlen kann er bilden? (24)

Aufgabe 115:

Auf wie viele Arten können die Buchstaben des Wortes „AFFE“ angeordnet werden? (12)

Aufgabe 116:

In einer Schachtel befinden sich 4 gute und 4 schlechte Äpfel. Wie viele Möglichkeiten gibt es bei zufälliger Auswahl, wenn jeweils 4 gute und 4 schlechte nicht unterscheidbar sind und alle Äpfel gezogen werden? (70)

Aufgabe 117:

Wie viele 4-stellige Zahlwörter (in Dezimalschreibweise) bestehen aus lauter verschiedenen Ziffern (0 bis 9 zugelassen)? (5.040)

Aufgabe 118:

Auf wie viele Arten kann man 36 Spielkarten auf 4 Spieler verteilen? ($2,4 \cdot 10^{19}$)

Aufgabe 119:

In einer Mathematik-Klausur werden 10 Aufgaben gestellt. Die Klausur wird bestanden, wenn die ersten drei Aufgaben und mindestens 4 der verbleibenden Aufgaben richtig gelöst werden. Auf wie viel verschiedene Arten lässt sich die Minimalforderung erfüllen? (35)

Aufgabe 120:

Einer Gruppe von 15 Schülern werden 3 Theaterkarten angeboten. Auf wie viele Arten können die Karten verteilt werden, wenn sich die Karten auf nummerierte Sitzplätze beziehen und jeder Schüler nur eine Karte bekommen kann? (2730)

Aufgabe 121:

Aus einer Schulklasse von 23 Schülern soll eine Abordnung von 5 Schülern zum Direktor geschickt werden. (33.649)

Auf wie viele Arten kann diese Abordnung gebildet werden?

Aufgabe 122:

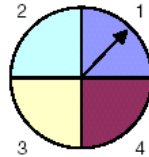
Für das Elfmeterschießen muss der Trainer 5 der 11 Spieler auf dem Platz benennen. Wie viele Möglichkeiten hat er bei

a) der Bestimmung der Kandidaten? (462)

b) der Bestimmung der Reihenfolge der Schützen, nachdem die Kandidaten gewählt wurden? (120)

Aufgabe 123:

Das Glücksrad in der Abbildung wird zweimal gedreht. Beide Ziffernergebnisse bilden eine zweistellige Zahl.



Bewerten Sie die folgenden Aussagen und kreuzen Sie an:

	richtig	falsch
a) Die Zahl 44 hat die größte Chance.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) Die Zahl 11 hat die geringste Chance.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) Die Chance für die Zahl 11 ist kleiner als für die Zahl 23.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d) Die Chance für alle so erhaltenen 2-stelligen Zahlen ist gleich groß.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Aufgabe 124:

Sechs Dozenten treffen sich zum Statistik-Stammtisch im Café Neckarblick. In wie viel verschiedenen Reihenfolgen können sie sich an die Theke setzen? (720)

Aufgabe 125:

Für zehn verschiedene Fertigungsmaschinen stehen zehn verschiedene innerbetriebliche Standorte zur Verfügung. Wie groß ist die Anzahl der möglichen Kombinationen, wenn jeder Standort unterschiedliche Rahmenbedingungen bereitstellt und es gilt diese 10 unterschiedlichen Maschinen an diesen unterschiedlichen Standorten zu platzieren? (3.628.800)

Aufgabe 126:

10 verschiedene Personen sollen in einer Reihe aufgestellt werden. Wie viele verschiedene Möglichkeiten gibt es? (3.628.800)

Aufgabe 127:

Auf wie viele Arten kann ein Ausschuss mit 3 Männern und 2 Frauen aus 7 Männern und 5 Frauen gebildet werden? (350)

Aufgabe 128:

Wie viele dreistellige Zahlen kann man mit Hilfe der sechs Ziffern 2, 3, 5, 6, 7 und 9 bilden, wenn man keine der Zahlen zurücklegt? (120)

Aufgabe 129:

Einer Gruppe von 15 Schülern werden 3 Theaterkarten angeboten. Auf wie viele Arten können die Karten verteilt werden, wenn sich die Karten auf nummerierte Sitzplätze beziehen und jeder Schüler nur eine Karte bekommen kann? (2730)

Aufgabe 130:

Einer Gruppe von 15 Schülern werden 3 Theaterkarten angeboten. Auf wie viele Arten können die Karten verteilt werden, wenn sich die Karten auf nichtnummerierte Stehplätze beziehen und jeder Schüler nur eine Karte bekommen kann? (455)

Aufgabe 131:

Einer Gruppe von 15 Schülern werden 3 Theaterkarten angeboten. Auf wie viele Arten können die Karten verteilt werden, wenn sich die Karten auf nichtnummerierte Stehplätze beziehen und jeder Schüler mehrere Karten bekommen kann? (680)

Aufgabe 132:

Einer Gruppe von 15 Schülern werden 3 Theaterkarten angeboten. Auf wie viele Arten können die Karten verteilt werden, wenn sich die Karten auf nichtnummerierte Stehplätze beziehen und jeder Schüler mehrere Karten bekommen kann? (680)

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 133:

Die vier Teilnehmer einer Netzwerkparty haben kurz nach Mitternacht bei einem Pizzaservice 4 Pizzen bestellt, es ist ihnen aber egal welche Sorte geliefert wird. Der Pizzaservice hat sieben verschiedene Sorten zur Auswahl. Wie viele Zusammenstellungen der vier Pizzen sind möglich?

Aufgabe 134:

Ein Hersteller von Modelleisenbahnen bietet seinen Kunden einen speziellen Zug an, für den es sechs verschiedene Waggontypen gibt. Unter wie vielen Wagonzusammenstellungen kann der Kunde wählen, wenn er

- a) Sechs Waggons kaufen möchte,
- b) wenn er vier Waggons kaufen möchte.

Aufgabe 135:

In einem Büro ist eine Regalwand aus den Regalelementen A, B, C und D aufzustellen. Dabei ist das Element A 3-mal, das Element B 2-mal und die Elemente C und D jeweils 1-mal vorhanden. Wie viele Aufstellungsmöglichkeiten gibt es?

Aufgabe 136: (11)

- a) (3) Wie viele dreistellige Zahlen kann man mit den sechs Ziffern 2, 3, 5, 6, 7, und 9 bilden?
- b) (2) Wie viele sind davon kleiner als 400?
- c) (2) Wie viele sind gerade?
- d) (2) Wie viele sind ungerade?
- e) (2) Wie viele sind durch 5 teilbar?

Aufgabe 137:

Acht Personen warten vor dem Selbstbedienungsbuffet.

- a) Auf wie viele Arten kann die Schlange zusammengesetzt sein?
- b) Drei der acht Personen wählen das Fischgericht. Wie viele Möglichkeiten gibt es für die Auswahl dieser drei Personen?

Aufgabe 138:

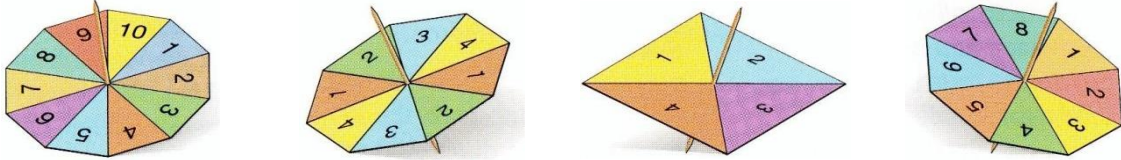
Beantworten Sie folgende Fragen, beachten Sie bitte, dass an der ersten Stelle keine Nullstehen darf.

- a) Wie viele 5-stellige Zahlen gibt es?
- b) Wie viele 8-stellige Zahlen, die nur aus geraden Ziffern bestehen, gibt es?
- c) Wie viele 8-stellige Zahlen, die nur aus ungeraden Ziffern bestehen, gibt es?
- d) Wie viele 5-stellige Zahlen gibt es, die nur aus verschiedenen Ziffern bestehen?

Wahrscheinlichkeiten

Aufgabe 139:

Glückskreisel



Die oben abgebildeten Glückskreisel werden gedreht.

Geben Sie die Wahrscheinlichkeiten für jede Zahl der einzelnen Kreisel an.

Aufgabe 140:

Gegeben seien 100 Lose, von denen 2 Hauptgewinne, 8 Einzelgewinne und 90 Nieten sind. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich unter 15 zufällig gezogenen Lose genau 3 Einzelgewinne und 12 Nieten sind.

Aufgabe 141:

Gegeben seien 100 Lose, von denen 2 Hauptgewinne, 8 Einzelgewinne und 90 Nieten sind. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich unter 10 zufällig gezogenen Lose genau 1 Hauptgewinn, 2 Einzelgewinne und 7 Nieten sind.

Aufgabe 142:

Die Wahrscheinlichkeit für eine Knabengeburt (K) sei 0,52, für eine Mädchengeburt (M) dementsprechend 0,48. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit für die Geburtenfolge? (a) 6,75%, b) 5,75%)

- a) KMKK bzw. KMKK
- b) MMMK bzw. KMMM?

Aufgabe 143:

Wie groß ist bei zufälliger Wahl die Wahrscheinlichkeit, dass in einer Klasse mit 10 Mädchen und 15 Burschen

- a) beide Klassensprecher Mädchen sind? (0,15)
- b) beide Klassensprecher Burschen sind? (0,35)

Aufgabe 144:

Die Zwillinge Peter und Paul sind wieder einmal für die Stundenwiederholung in Mathematik nicht vorbereitet. Sie wissen, dass der Lehrer dafür stets 2 Schüler zufällig auswählt.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass

- a) sowohl Peter als auch Paul,
- b) Peter, aber nicht Paul,
- c) Paul, aber nicht Peter,
- d) Peter,
- e) Paul,
- f) weder Peter noch Paul

zur Stundenwiederholung drankommen, wenn insgesamt 20 Schüler anwesend sind?
(a) 0,005263 b) 0,0947 c) 0,0947 d) 0,1 e) 0,1 f) 0,8053)

Aufgabe 145:

Eine Familie hat zwei Kinder. Die Geburtswahrscheinlichkeit für Jungen und Mädchen sei 0,5. Jungen- und Mädchengeburt sind unabhängig voneinander. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass beide Kinder Jungen sind, wenn

- a) keine sonstigen Angaben vorliegen; (0,25)
- b) bekannt ist, dass ein Kind ein Junge ist; (0,33)
- c) bekannt ist, dass das älteste Kind ein Junge ist (0,5).

(Geburtsreihenfolge beachten)

Aufgabe 146:

Ein Student muss in einer Klausur 8 von 10 Fragen richtig beantworten.

- (a) Wie viel Möglichkeiten hat er? (45)
- (b) Wie viele sind es, wenn er die ersten 3 Fragen richtig beantworten muss? (21)
- (c) Wenn er mindestens 4 der ersten 5 Fragen richtig beantwortet? (35)

Aufgabe 147:

Aus einem Skatspiel werden nacheinander zwei der 32 Karten gezogen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass sich unter den beiden gezogenen Karten genau ein Ass befindet? (0,2258)

Aufgabe 148:

- (a) Auf wie viele Arten können 3 Jungen und 2 Mädchen in einer Reihe sitzen? (120)
(b) Wie viele Möglichkeiten gibt es, wenn die Jungen und auch die Mädchen zusammen sitzen möchten. (24)

Aufgabe 149:

5 Personen, 2 männliche m_1 und m_2 und 3 weibliche w_1 , w_2 und w_3 , bestreiten ein Schachturnier. Die Personen gleichen Geschlechts besitzen die gleichen Gewinnwahrscheinlichkeiten, und es ist doppelt so wahrscheinlich, dass ein Mann gewinnt, als dass eine Frau gewinnt.

- (a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit gewinnt eine Frau das Turnier? (0,4286)
(b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit gewinnt m_1 oder w_1 das Turnier? (0,4286)

Aufgabe 150:

Zwei Karten werden zufällig aus einem Rommé-Spiel (52 Karten) gezogen. Bestimme die Wahrscheinlichkeit p dafür, dass (a) beide Karos sind (0,0588), (b) eine Karo und eine Herz ist (0,0589 0,1275).

Aufgabe 151:

Drei Glühbirnen werden zufällig aus 15 Glühbirnen, von denen 5 defekt sind, ausgewählt. Bestimme die Wahrscheinlichkeit p dafür, dass

- (a) keine (0,2637),
(b) genau eine (0,4945),
(c) mindestens eine der 3 defekt ist (0,7363).

Aufgabe 152:

Aus 10 Kärtchen, die von 1 bis 10 durchnummeriert sind, werden 2 zufällig gezogen. Bestimme die Wahrscheinlichkeit p dafür, dass die Summe der beiden darauf stehenden Zahlen ungerade ist, wenn

- (a) beide zusammen (0,5556),
(b) eine nach der anderen ohne zurücklegen (0,5556),
(c) eine nach der anderen mit zurücklegen gezogen wird (0,5).

Aufgabe 153:

Zwei homogene Würfel werden geworfen. Geben Sie die Wahrscheinlichkeit p dafür an, dass die Summe 10 oder größer ist, wenn eine 5 auf

- (a) dem ersten (0,3333),
- (b) mindestens einem Würfel erscheint (0,2727).

Aufgabe 154:

Drei homogene Münzen werden geworfen. Bestimme sie die Wahrscheinlichkeit p , dass bei allen Zahl oben liegt, wenn dies bei

- (a) der ersten der Fall ist. (0,25)
- (b) mindestens einer der Münzen der Fall ist. (0,1429)

Aufgabe 155:

Zwei homogene Würfel werden geworfen, und man erfährt, dass die beiden oben liegenden Zahlen verschieden sind. Geben Sie die Wahrscheinlichkeit p an, dass

- (a) die Augensumme 6 ist (0,1333),
- (b) eine 1 erscheint (0,3333),
- (c) die Augensumme 4 oder weniger beträgt (0,1333).

Aufgabe 156:

Ein Mann bekommt aus einem normalen Kartenspiel mit 52 Karten 4 Karo und dann noch 3 Karten. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass mindestens eine dieser Karten ein Karo ist? (0,4716)

Aufgabe 157:

Vier Personen, genannt Nord, Ost, Süd und West, erhalten je 13 Karten von einem normalen Kartenspiel mit 52 Karten.

- (a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass Nord genau 2 Asse hat, wenn Süd keines hat? (0,3082)
- (b) Nord und Süd haben zusammen 9 Herz. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass Ost und West genau je 2 Herz haben? (0,4070)

Aufgabe 158:

In einer Gruppe sind 12 Jungen und 4 Mädchen. Es werden 3 Personen zufällig ausgewählt. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass es 3 Jungen sind? (0,3929)

Aufgabe 159:

Ein Mann bekommt nacheinander 5 Karten aus einem normalen Kartenspiel mit 52 Karten. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass alle Kreuz sind? (0,000495)

Aufgabe 160:

Zur Führerscheinprüfung werden die Personen einer Gruppe nacheinander zufällig ausgewählt. Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit p , dass abwechselnd ein Mann und eine Frau geprüft werden, wenn

- (a) 4 Männer und 3 Frauen (0,0286),
- (b) 3 Männer und 3 Frauen da sind (0,1).

Aufgabe 161:

Karton A enthält 8 Glühbirnen von denen 3 defekt sind, Karton B enthält 5, darunter 2 defekte. Jedem Karton wird zufällig eine Glühbirne entnommen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass

- (a) beide Glühbirnen defekt sind (0,15),
- (b) eine defekt und eine nicht defekt ist (0,475).

Aufgabe 162:

Von 20 gelieferten Glühbirnen sind 4 defekt. Es wird eine Stichprobe mit drei Birnen entnommen (ohne Zurücklegen). Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass

- a) keine defekte Birne in der Stichprobe (0,4912)
- b) mindestens eine defekte Birne in der Stichprobe (0,5088)

Aufgabe 163:

Eine Lieferung von 20 Bauelementen enthält 10% Ausschuss. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass eine Stichprobe vom Umfang $n=3$ ausschließlich einwandfreie Bauelemente enthält? (0,7158)

Aufgabe 164:

Die Tabelle zeigt Frauen und Männer einer Firma, unterteilt in Raucher und Nichtraucher.

	B: Frauen	\bar{B} : Männer	Summe
A: Raucher	200	800	1000
\bar{A} : Nichtraucher	300	200	500
Summe	500	1000	1500

- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit jemanden anzutreffen der raucht. (0,66)
- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit eine Frau anzutreffen. (0,33)
- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit eine Raucherin anzutreffen. (0,133)
- Sie Treffen eine Frau an, mit welcher Wahrscheinlichkeit ist sie Raucherin? (0,4)

Aufgabe 165:

Ein Statistisches Institut will ermittelt haben, dass bei 53% aller Geburten das Baby männlichen Geschlechtes ist.

Wie groß ist danach die Wahrscheinlichkeit, dass eine Mutter aufeinanderfolgend 2 Jungen zur Welt bringt?

Aufgabe 166:

Im Lager einer Töpferei befinden sich 100 frisch gefertigte Tontöpfe. Man weiß, dass 20% davon fehlerhaft sind. Vier Tontöpfe werden zufällig entnommen.

- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit das die vier entnommenen Töpfe fehlerfrei sind? (0,4033)
- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit das von den vier entnommenen Töpfen drei fehlerfrei sind? (0,4191)
- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit das von den vier entnommenen Töpfen mindestens drei fehlerfrei sind? (0,8224)

Aufgabe 167:

Bei einer Produktionskontrolle wird ein bestimmter Fehler in 10% der Fälle übersehen. Deshalb wird das Produkt von drei verschiedenen Personen kontrolliert. Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass ein unbrauchbares Produkt

- Spätestens bei der 2. Kontrolle als unbrauchbar erkannt wird. (0,99)
- Erst bei der 3. Kontrolle als unbrauchbar erkannt wird. (0,009)
- Nicht als unbrauchbar erkannt wird. (0,001)

Aufgabe 168:

In einer Fabrik wird Porzellangeschirr hergestellt. Jedes Teil wird nacheinander in verschiedenen Kontrollgängen auf Form, Farbe und Oberflächenbeschaffenheit geprüft. Erfahrungsgemäß muss bei 25% die Form beanstandet werden. Die Farbkontrolle passieren 85% der Teile ohne Beanstandung. In 20% aller Fälle genügt die Oberfläche nicht den Ansprüchen der 1. Wahl. Nur wenn alle drei Kontrollen ohne Beanstandung durchlaufen sind, kann ein Teil als 1. Wahl verkauft werden. Ein Teil ist 2. Wahl, wenn die Qualität an nur einer Kontrollstelle nicht ausreicht. Alle übrigen Porzellanteile gelten als Ausschussware.

- a) Stellen Sie die dreifache Kontrolle in einem Baumdiagramm dar.
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass ein Teil 1. Wahl ist? (0,51)
- c) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass ein Teil 2. Wahl ist? (0,3875)
- d) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass ein Teil Ausschuss ist? (0,1025)

Aufgabe 169:

In der Lotterie A gibt es von 10000 Losen 4500 Gewinne. In der Lotterie B sind unter 15000 Losen 9500 Gewinne. Jemand kauft von jeder Lotterie ein Los.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, in beiden Lotterien gleichzeitig zu gewinnen? E1: Gewinn in beiden Lotterien. (0,285)
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit nichts zu gewinnen? E2: Gewinn in keiner Lotterie? (0,202)
- c) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, in mindestens einer Lotterie zu gewinnen? E3: Gewinn in mindestens einer Lotterie. (0,798)

Aufgabe 170:

Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Kandidat im Examen die Note 2 erreicht, sei 0,4. Das Ereignis "8. Semester und Note 2" trete mit der Wahrscheinlichkeit 0,09 ein. Wie wahrscheinlich ist es dann, dass ein Student, der mit der Note 2 abgeschlossen hat, im 8. Semester ist? (0,225)

Aufgabe 171:

Beim Würfelspiel „Fuchs und Hase“ wird mit einem roten und einem blauen Würfel zugleich geworfen. Der Fuchs darf um so viel Felder vorrücken, wie der rote Würfel Augen zeigt, der Hase um so viele Felder, wie der blaue Würfel Augen zeigt.

Der Hase hat drei Felder Vorsprung (zwei Felder sind dazwischen). Es wird einmal gewürfelt. Bestimme die Wahrscheinlichkeit für das Eintreten der Ereignisse:

- a) Fuchs und Hase treffen auf dasselbe Feld
- b) Der Fuchs überholt den Hasen
- c) Der Hase vergrößert den Vorsprung
- d) Der Fuchs nähert sich dem Hasen, erreicht ihn aber nicht.

Aufgabe 172:

In einer Lostrommel liegen 20 Kugeln mit den Zahlen 1 bis 20. Es wird eine Kugel gezogen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit für das Ziehen einer Kugel mit

- a) einer ungeraden Zahl,
- b) einer Primzahl,
- c) einer Zahl kleiner als 4?

Aufgabe 173:

Aus einer Urne wird eine Kugel gezogen. Die Urne enthält

- a) 10 Kugeln mit den Zahlen 1 bis 10
- b) 100 Kugeln mit den Zahlen 1 bis 100.

Berechne jeweils die Wahrscheinlichkeit dafür, dass die Zahl auf der gezogenen Kugel die Ziffer 5 nicht enthält (durch 5 teilbar ist).

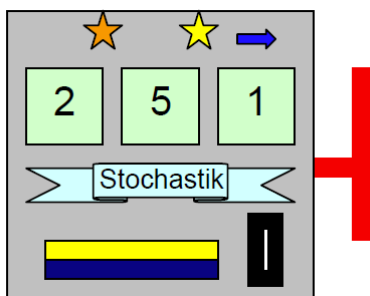
Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 174:

In einem Ufo befinden sich 12 blaue, 13 rote und 15 grüne Männchen. Eine Delegation von 3 Männchen besucht die Erde. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass es sich um drei grüne Männchen handelt?

Aufgabe 175:

Ein Spielautomat enthält drei zylindrische Räder, die unabhängig voneinander laufen und anhalten können. Jedes Rad enthält auf der Außenfläche 20 Felder und zwar 12 Felder mit der Zahl 1, 6 mit der 2 und 2 mit der Zahl 5.

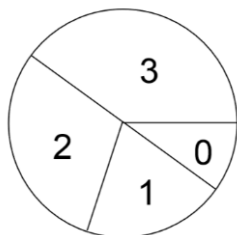


Der Automat wird 1-mal angeworfen. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass

- A: die Zahl 555 erscheint (Hauptgewinn)
- B: eine Zahl größer als 300 erscheint
- C: eine Zahl mit der Quersumme 8 erscheint,
- D: mindestens eine 1 erscheint,
- E (3): genau zwei gleiche Ziffern erscheinen.

Aufgabe 176:

Ein Glücksrad mit 4 Sektoren, in denen die Zahlen 0, 1, 2 und 3 stehen,



hat für die einzelnen Zahlen folgende Wahrscheinlichkeiten:

x_i	0	1	2	3
$P(X=x_i)$	0,1	0,2	0,3	0,4

- Wie oft muss das Rad mindestens gedreht werden, damit mit mindestens 98% Wahrscheinlichkeit mindestens eine 1 erscheint?
- Das Spiel „Blaues Auge“ hat folgende Regel: Das Rad wird einmal gedreht und die „gedrehte“ Zahl notiert. Ist diese Zahl 2 oder 3, wird nochmals gedreht, im Ganzen aber höchstens dreimal. Z sei die letzte erdrehte Zahl. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass beim dritten Mal drehen eine 2 oder eine 3 kommt.

Aufgabe 177:

Die Erfahrungen der vergangenen Jahre besagen, dass in der Fahrschule "Heiligblechle" erwartungsgemäß 30% der Männer und 40% der Frauen die Fahrprüfung nicht bestehen. Der Anteil der Männer in der Fahrschule liegt bei $1/5$ und der Anteil der Frauen liegt bei $4/5$.

- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit für einen Kandidaten (unbekanntes Geschlecht) unter sonst gleichen Bedingungen, im ersten Anlauf die Fahrprüfung zu bestehen?
- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass ein Durchfaller bei der Fahrprüfung männlich ist?

Aufgabe 178:

In einem Großraumbüro arbeiten 11 Frauen und 17 Männer. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die beiden ersten Personen, die nach Arbeitsschluss den Raum verlassen, gleichen Geschlechts sind?

Aufgabe 179:

In drei Urnen befinden sich je zwanzig Kugeln; in der ersten 4 rote und 16 weiße, in der zweiten 10 rote und 10 weiße und in der dritten nur rote. Nun wird eine Urne zufällig ausgewählt und Kugeln mit Zurücklegen gezogen.

Es wird eine rote Kugel gezogen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die erste Urne gewählt wurde?

Aufgabe 180:

Beim Skatspiel werden an 3 Personen je 10 Karten ausgeteilt, 2 bleiben auf dem Tisch und bilden den so genannten „Skat“.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit liegen im Skat 2 schwarze Buben?
- b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit sind überhaupt 2 Buben im Skat?
- c) Auf wie viele Arten können die Karten ausgeteilt werden?

Aufgabe 181:

Adolf und Harald wollen Euro in die Schweiz schmuggeln. Sie befinden sich in einem Reisebus mit weiteren 23 Reisenden, die kein Schwarzgeld bei sich haben. An der Grenze werden drei Personen ausgewählt und genau durchsucht. Mit welcher Wahrscheinlichkeit werden

- a) (2) weder Adolf noch Harald,
- b) (2) Adolf und Harald,
- c) (2) nur Adolf erwischt?

Aufgabe 182:

In einer Urne befinden sich 8 weiße und 2 schwarze Kugeln. Es werden nacheinander zufällig Kugeln ohne Zurücklegen gezogen.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die ersten beiden gezogenen Kugeln unterschiedlich gefärbt sind?
- b) Wie oft muss man ziehen, damit man mit Sicherheit mindestens eine weiße Kugel zieht?
- c) Die Kugeln werden jetzt wieder zurückgelegt. Wie oft muss man mindestens ziehen, damit mit einer Wahrscheinlichkeit von mindestens 80% mindestens eine schwarze Kugel dabei ist?

Aufgabe 183:

Eine Kaffeerösterei bezieht ihre Kaffeebohnen aus Lateinamerika, und zwar 2 Sorten aus Brasilien, 2 Sorten aus Venezuela und 4 Sorten aus Kolumbien. In der Rösterei werden jeweils 4 Sorten zusammengemischt, wobei aus jedem Land mindestens eine Sorte vertreten sein muss.

a) Wie viele solche Mischungen sind möglich.

Als Kaufanreiz legt die Kaffeerösterei in 20% aller Kaffeedosen ein Kaffeetässchen. Die Dosen gelangen in zufälliger Sortierung in die Regale eines Supermarkts. Monika kauft dort jede Woche eine Dose.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit findet Sie

b) in der 5. Woche das erste Tässchen,

Aufgabe 184:

Ein gezinkter Würfel hat diese Wahrscheinlichkeiten:

Zahl	1	2	3	4	5	6
Wahrscheinlichkeit	0,1	0,1	0,2	0,2	0,1	0,3

a) Man würfelt zweimal und verwendet die erste Zahl als Zehnerziffer, die zweite Zahl als Einerziffer. Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält man eine Zahl über 60 mit zwei verschiedenen Ziffern?

b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält man bei drei Würfeln drei gleiche Zahlen?

c) Nun würfelt man fünfmal. Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält man fünf aufeinanderfolgende Zahlen.

Aufgabe 185:

Für Briefmarkensammler gibt es Sammelpackungen mit Briefmarken aus verschiedenen Ländern und mit verschiedenen Motiven.

Packungen des Typs M enthalten laut Aufdruck 60 % deutsche Marken (D), 35 % aus dem Bereich restliches Europa (R) und 5 % aus Afrika (A).

80% der afrikanischen Marken zeigen Naturmotive (N), bei denen aus Resteuropa sind es die Hälfte, von den deutschen Marken weisen jedoch nur ein Viertel Naturmotive auf.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit

A) enthält eine beliebig herausgenommene Marke ein Naturmotiv?

B): stammt eine Marke, die kein Naturmotiv darstellt, aus Deutschland?

Aufgabe 186:

Die Fußballmannschaft A gewinnt gegen B erfahrungsgemäß mit der Wahrscheinlichkeit 0,6 und verliert mit der Wahrscheinlichkeit 0,3.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit

- a) gibt es ein Unentschieden?
- b) gewinnt A fünfmal nacheinander?

Aufgabe 187:

Ein Würfel trägt auf einer Seite die Zahl 1, auf vier anderen Seiten die Zahl 2 und auf einer Seite die Zahl 3. Er wird zweimal nacheinander geworfen und die Ergebnisse als zweistellige Zahl notiert.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist das Ergebnis kleiner als 20?
- b) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass das Ergebnis eine Primzahl (11;13;23;31) ist.

Aufgabe 188:

Mit einem idealen Würfel wird 4-mal gewürfelt. Die geworfenen Zahlen werden zu einer vierstelligen Zahl zusammengesetzt. Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält man eine vierstellige Zahl mit der Quersumme 8?

Aufgabe 189:

- a) Wie viele verschiedene zehnstellige Zahlen kann man aus 6 Fünfern und 4 Siebenern bilden?
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine solche Zahl als erste und letzte Ziffer eine Sieben hat?

Aufgabe 190:

Im Hause der Familie Duck halten sich elf Enten auf. Eine muss trotz des scheußlichen Regens hinaus und den Erbonkel Dagobert mit dem Schirm abholen. Donald Duck hält elf Streichhölzer in der Hand, eins ist gekürzt. Wer das zieht, muss hinaus in den Regen. Soll Trick als erster ziehen, als letzter oder mehr so in der Mitte? Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass der erste, der zweite, ..., der letzte das kurze Streichholz zieht!

Aufgabe 191:

In Sikinien gibt es einen Park, in dem drei braune und zwei rote Eichhörnchen leben. Ihnen stehen zum Sonnenbaden 8 verschiedene Bäume zur Verfügung.

Jedes Eichhörnchen wählt sich seinen Baum zufällig aus.

- a) (3) Wie viele Möglichkeiten gibt es, diese 5 Eichhörnchen auf die 8 Bäume zu verteilen?
- b) (3) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass auf keinem Baum mehr als ein Eichhörnchen liegt?
- c) (3) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit für das Ereignis E: Ein rotes und zwei braune Eichhörnchen sonnen sich gemeinsam auf einem Baum, während die anderen je einen Baum für sich haben?

Verteilungen

Binomialverteilung

Aufgabe 192:

Ein Jäger trifft sein Ziel mit einer Wahrscheinlichkeit 40%.

a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit erzielt er bei zehn Schüssen mehr als sechs Treffer? (0,0548)

b) Bevor der Jäger anfängt zu schießen, trinkt er noch eine Flasche Zielwasser der "Triff die Sau". Dadurch erhöht sich seine Wahrscheinlichkeit das Ziel zu treffen auf 70%. Mit welcher Wahrscheinlichkeit erzielt er bei zehn Schüssen mehr als sechs Treffer? (0,6496)

Aufgabe 193:

Bei einem Automaten gewinnt man in 30% aller Spiele. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass man

a) bei 10 Spielen, (0,0015)

b) bei 20 Spielen achtmal gewinnt? (0,1144)

Aufgabe 194:

Die Wahrscheinlichkeit dafür, dass ein Bienenvolk einen harten Winter überlebt, ist 0,4. Ein Imker besitzt 6 Völker. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass mindestens 2 einen harten Winter überleben? (0,7667)

Aufgabe 195:

Für einen Einsatz von 0,50 Cent an den Spielleiter darf der Spieler zwei ideale Würfel mit jeweils den Augenzahlen 1, 2, 3, 4, 5, 6 einmal gleichzeitig werfen. Zeigen beide Würfel dieselbe Augenzahl 1, 2, 3, 4 oder 5 (Pasch), so erhält der Spieler 1 Euro, bei zweimal Augenzahl 6 (Sechserpasch) sogar 3 Euro.

In allen anderen Fällen erfolgt keine Auszahlung durch den Spielleiter.

Ein Schüler führt dieses Spiel zehnmal aus. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit der Ereignisse

A: genau zweimal Sechserpasch, (0,0277)

B: höchstens dreimal ohne Auszahlung? (0,00029)

Aufgabe 196:

Eine Firma bezieht Bauteile T aus zwei verschiedenen Werkstätten. Erfahrungsgemäß sind 90% dieser Bauteile T_1 aus der Werkstatt 1 intakt und 80% dieser Bauteile T_2 aus der Werkstatt 2 intakt.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit bei 20 ausgewählten Bauteilen (es kann nicht unterschieden werden, aus welcher Werkstatt die Teile kommen) drei defekte zu erhalten? (0,0940)

Aufgabe 197:

An einer Schule mit 900 Schülern wird monatlich eine Schülerzeitung herausgegeben. Im Durchschnitt wird diese Zeitung von 80% der Schüler gekauft.

In der Redaktion arbeiten 15 Schüler, von denen jeder mit einer Wahrscheinlichkeit von 0,1 bei jeder Sitzung fehlt. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit folgender Ereignisse:

A: "Alle Mitglieder der Redaktion sind anwesend" (0,2059)

B: "Es fehlen weniger als ein Drittel der Redakteure" (0,9873)

C: "Bei drei aufeinanderfolgenden Sitzungen fehlt jeweils höchstens ein Redakteur" (0,

Aufgabe 198:

Im Mittelalter wurden Goldmünzen als Zahlungsmittel verwendet. Von der Gesamtmenge war 1% Falschgeld im Umlauf. Falsche Münzen konnte man verbiegen. Äußerlich waren echte und falsche Goldmünzen nicht zu unterscheiden.

Der Schatzmeister des Landes Stochastika bewahrte die Goldmünzen in Kästen zu je 100 Stück auf. Dabei interessierten ihn folgende Ereignisse:

A: "In einem Kasten waren genau 2 falsche Münzen." (0,1849)

B: "In einem Kasten waren mehr als 2 und höchstens 4 falsche Münzen." (0,0759)

Berechnen Sie die zugehörigen Wahrscheinlichkeiten.

Aufgabe 199:

Bei der Herstellung von gefärbten Gummibällen treten Farb- und Materialfehler unabhängig voneinander auf. Farbfehler treten bei 2% der hergestellten Menge auf. Nur 90% der produzierten Bälle sind fehlerfrei. Alle produzierten Bälle werden in Kartons zu je 10 Stück verpackt und an Warenhäuser versandt.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass in einem Karton höchstens ein Ball fehlerhaft ist? (0,7361)

Aufgabe 200:

Ein Unternehmer zahlt einem Taucher der Südsee für jede abgelieferte Muschel 5 Cent (1 Euro = 100 Cent). Erfahrungsgemäß haben 16% dieser Muscheln genau eine Perle. Die übrigen haben keine Perle.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass der Unternehmer für 1 Euro, den er dem Taucher zahlt, genau 3 Perlen erhält? ()

Aufgabe 201:

Eine gezinkte Münze zeigt in 70% aller Fälle Kopf. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass bei 50 Würfeln:

- a) mehr als 2-mal, (1)
- b) mindestens 1-mal, (1)
- c) höchstens 3-mal, (0,0000)
- d) weniger als 3-mal, (0,0000)

Kopf auftaucht?

Aufgabe 202:

Der Betreiber eines Glücksrades mit einer Gewinnwahrscheinlichkeit von 10% hat noch 18 Sachgewinne übrig. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass er bei 100 Spielen nicht mehr genügend Gewinne ausgeben kann? (0,0044)

Aufgabe 203:

1968 hatte die Bundesrepublik Deutschland 60 184 000 Einwohner. Darunter waren 28 558 000 männlich. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass

- a) unter 50 Personen höchstens 15 Frauen sind (0,00017268)

Aufgabe 204:

Ein dressiertes Versuchstier betätigt auf ein Lichtsignal hin einen Hebel mit der Wahrscheinlichkeit $\frac{2}{3}$. Dieses Signal wird 72-mal gegeben. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Versuchstier dabei

- a) den höchstens Hebel 60-mal, (0,9995)
- b) mindestens 40 und höchstens 60-mal betätigt? (0,9811)

Aufgabe 205:

Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass bei 10 Würfeln mit einer fairen Münze weniger als 9-mal „Kopf“ erscheint. (98,92%)

Aufgabe 206:

Eine homogene Münze wird 6-mal geworfen (bzw. 6 homogene Münzen einmal); es sei Zahl gleich Erfolg. Dann gilt: $n=6$ und $p=q=1/2$.

- (a) Die Wahrscheinlichkeit, dass genau zweimal Zahl auftritt (also $k=2$). (23,44%)
- (b) Die Wahrscheinlichkeit, dass mindestens viermal Zahl auftritt (also $k=4,5$ oder 6). (34,38%)
- (c) Die Wahrscheinlichkeit, dass keinmal Zahl auftritt (also alles Misserfolge). (1,6%)

Aufgabe 207:

In einem Autobus befinden sich 30 Personen. Im Durchschnitt sind aus der Sicht der Zöllner 10% Schmuggler. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, bei zufälliger Auswahl von 3 Personen keinen, genau einen, genau zwei, genau drei Schmuggler zu erwischen? (72,9%; 24,3%; 2,7%; 0,1%)

Aufgabe 208:

In einer Schule befinden sich 750 Schüler. 30% sind fehlsichtig. Der Schularzt untersucht die ersten Klassen (123 Schüler).

Wie groß ist die W , genau 35 fehlsichtige Schüler zu erhalten? (7,4%)

Aufgabe 209:

Der Anteil der Linkshänder wird mit 1% der Bevölkerung angenommen. Berechne die WN dafür, dass in einer Klasse mit 29 Schülern

- (a) genau 2 Linkshänder, (0,0310)
- (b) mindestens 3 Linkshänder sitzen. (0,0029)

Aufgabe 210:

Beim Pfeilwerfen rechnet man bei 100 Würfeln mit 9 Volltreffern. Wie groß ist die P , dass ein Schütze mit 25 Würfeln genau 3 Volltreffer erzielt. Schätze das Ergebnis vorher ab! (0,2106)

Aufgabe 211:

Eine Mannschaft gewinnt jedes Spiel mit der Wahrscheinlichkeit $\frac{2}{3}$. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sie

- (a) genau 2 (0,2963)
 - (b) mindestens 1, (0,9877)
 - (c) über die Hälfte (0,5926)
- von 4 Spielen gewinnt?

Aufgabe 212:

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit P, dass in einer Familie mit 6 Kindern

- (a) 3 Jungen und 3 Mädchen, (0,3125)
- (b) weniger Jungen als Mädchen sind? (0,3438)

Wir nehmen dabei an, dass Jungen- und Mädchengeburten gleichwahrscheinlich sind.

Aufgabe 213:

Eine Maschine ist defekt geworden und produziert mit der Wahrscheinlichkeit $p=0,8$ defekte Geräte. Der laufenden Produktion werden 20 Geräte entnommen. Mit welcher Wahrscheinlichkeit findet man darunter

- a) genau 3 gute (20,54%)
- b) höchstens 1 gutes Gerät (6,92%)
- c) genau 15 defekte? (17,46%)
- d) Mindestens 17 defekte Geräte (41,14%)

Aufgabe 214:

In einem Lostopf ist die Wahrscheinlichkeit für einen Gewinn 0,4. Wie oft muss man mindestens ziehen, um mit mindestens 90 % Wahrscheinlichkeit mindestens einen Gewinn zu bekommen? (5)

Aufgabe 215:

In einem Lostopf ist die Wahrscheinlichkeit für einen Gewinn 0,4. Wie oft muss man mindestens ziehen, um mit mindestens 90 % Wahrscheinlichkeit mindestens vier Gewinne zu bekommen? (15)

Aufgabe 216:

Eine Lieferung Kondensatoren trägt die Aufschrift: Verbilligte Lieferung, da mit 10% Wahrscheinlichkeit ein Transistor defekt sein kann.

Händler Lehmann testet die Lieferung und misst bei vielen Kondensatoren die Kapazität, um festzustellen, ob sie brauchbar sind.

Um eine Entscheidung treffen zu können, will er von uns wissen, wie oft er mindestens testen muss, um mit 70% Wahrscheinlichkeit mindestens 5 defekte Kondensatoren zu finden. (50)

Aufgabe 217:

Ein Händler erhält von einem neuen Lieferanten eine Sendung mit 1000 Glühbirnen.

Er will testen, ob dieser Lieferant zuverlässig ist. Dessen Angabe lautete: Eine Glühlampe ist zu 95% Wahrscheinlichkeit gut.

Der Händler beschließt folgendes **Testverfahren**:

Zunächst prüft er 25 Glühlampen. Sind darunter höchstens 2 defekte, nimmt er die Sendung an. Findet er mehr als 5 defekte, schickt er sie zurück. Bei 3 bis 5 defekten will er einen ungünstigen Zufall ausschließen und testet weitere 50 Glühbirnen.

Sind darunter höchstens 3 defekte, dann nimmt er die Sendung an, in jedem anderen Fall wird sie zurückgeschickt.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit nimmt er die Sendung an? (96,86%)

Aufgabe 218:

Eine Mischung Vogelfutter besteht aus runden und länglichen Körnern. Da die runden wertvoller aber auch teurer sind, will ein Kunde testen, ob die Angabe, dass 40% der Körner im Vogelfutter "Birdywell" rund sind, auch glaubhaft ist.

Er entnimmt 50 Körner rein zufällig. X sei die Zahl der runden Körner.

Berechne $P(X = 12)$ sowie ein zum Erwartungswert symmetrisches Intervall, in dem X mit 80% Wahrscheinlichkeit liegt. (16-24)

Aufgabe 219:

Die Firma Lampo bezieht Glühbirnen von den Herstellern A und B. Von A werden 70% und von B 30% gekauft. Die Qualitätsangabe von A lautet: Im Mittel können 3 % der Birnen defekt sein, bei B sollen es 6 % sein.

- Mit welcher Wahrscheinlichkeit befinden sich unter 50 zufällig entnommenen Glühbirnen mindestens 35 vom Hersteller A? (0,5692)
- In welchem zur Erwartungswert $E(X)$ symmetrischen Intervall muss die Zufallsvariable $X =$ "Zahl der von A gelieferten Birnen" liegen, damit die Wahrscheinlichkeit, so viele Glühbirnen von A ausgewählt zu haben, etwa 72 % beträgt? ($n=50$) (Lösung: 0,7202)
- Mit welcher Wahrscheinlichkeit befinden sich unter 72 von A gelieferten Glühbirnen mehr als 2 defekte? (0,3671)
- Wie viel Prozent aller Glühbirnen, die Lampo bezieht, sind bei der Auslieferung defekt? (0,0390)
- Dem Lager wird eine Glühbirne zufällig entnommen. Sie ist defekt. Mit welcher Wahrscheinlichkeit stammt sie vom Hersteller A? (0,5385)

Aufgabe 220:

In einer Urne befinden sich 5 weiße und 3 schwarze Kugeln. Wir ziehen 5 mal nacheinander mit Zurücklegen.

- Welche Verteilungsfunktion beschreibt das Zufallsexperiment? Welche Parameter beschreiben diese Verteilung und welche Werte besitzen sie in diesem Beispiel? Welche Werte μ bzw. σ^2 besitzen Erwartungswert bzw. Varianz? (3,125; 1,875; 1,1719; 1,1719)
- Wie groß sind die Wahrscheinlichkeiten 0, 1, 2, 3, 4 oder 5 schwarze Kugeln zu ziehen? Wie lauten die entsprechenden Werte für weiße Kugeln? (0,0954; 0,2861; 0,3433; 0,2060; 0,0618; 0,0074)
- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit mindestens 3 weiße Kugeln zu erhalten. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit mindestens 1, aber höchstens 2 schwarze Kugeln zu ziehen. (0,7985; 0,6294)

Aufgabe 221:

In einer Fabrik werden serienmäßig Schrauben mit einem Ausschussanteil von 2% hergestellt. Mit welcher Wahrscheinlichkeit finden wir in einer Zufallsstichprobe von 5 Schrauben genau 0, 1, 2, 3, 4 bzw. 5 unbrauchbare? Welches Ergebnis leiten wir daraus für brauchbare Schrauben her? Welche Werte μ bzw. s^2 besitzen Erwartungswert bzw. Varianz? (0,9039; 0,0922; 0,0038; 0; 0; 0; 0,1; 0,098)

Aufgabe 222:

Ein Großhändler garantiert, dass seine Taschenrechner zu höchstens vier Prozent einen Defekt aufweisen. Ein Einzelhändler bezieht regelmäßig Geräte von ihm. Zur Überprüfung der Qualität entnimmt er eine Stichprobe von zwölf Taschenrechnern. Ist mehr als ein Gerät defekt, schickt er die Lieferung zurück.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit sendet der Einzelhändler die Lieferung zurück, wenn die Angabe des Großhändlers richtig ist? (0,0809)
- b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit sendet der Einzelhändler die Lieferung zurück, wenn sich der Anteil defekter Geräte verdoppelt hat? (0,2487)

Aufgabe 223:

In Kuhdorf wohnen 80 männliche und 95 weibliche Personen. 40 % der Personen sind evangelisch. An einem Freitag überqueren 12 Personen gleichzeitig den einzigen Fußgängerüberweg.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit sind 5 von ihnen evangelisch ? (0,2270)
- b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat es dabei geregnet ?
- c) Mit welcher Wahrscheinlichkeit war dies gerade um 12.10 Uhr ?
- d) Mit welcher Wahrscheinlichkeit trug einer der Passanten einen Hut ?

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 224:

Eine Firma stellt Klobürsten her und verpackt sie in Kisten zu je 25 Stück. 4% aller Klobürsten sind nicht rot, sondern nur rosa.

Nun soll ein neuer Kunde beworben werden.

Der Kunde macht folgenden Vorschlag: Er entnimmt einer beliebigen Kiste der Lieferung 9 Klobürsten. Wenn höchstens zwei rosafarbene Klobürsten dabei sind, zahlt der Kunde 15€ pro Kiste, anderenfalls zahlt er nur 10€.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Firma 15€ pro Kiste erhält?

Aufgabe 225:

Bei einem Multiple-Choice-Test stehen jeder Frage 3 Antworten zum Ankreuzen gegenüber, von denen genau 1 richtig ist. Es darf auch nur eine Antwort angekreuzt werden.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit werden beim bloßen Raten mehr als die Hälfte der 4 Fragen beantwortet?

Aufgabe 226:

Ein Unternehmen stellt Antriebswellen her. Einer Tagesproduktion werden zufällig $n = 10$ Antriebswellen entnommen und bzgl. ihres Durchmessers geprüft. Liegt der Durchmesser innerhalb der ingenieurstechnisch vorgeschriebenen Toleranzen, so ist die Welle verwendbar, ansonsten ist sie Ausschuss. Aus Erfahrung weiß man, dass in einer Tagesproduktion im Durchschnitt 2% der Wellen Ausschuss sind. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass in dieser Stichprobe vom Umfang $n = 10$ keine der Antriebswellen Ausschuss ist?

Aufgabe 227:

Nach Angaben der Post erreichen 90% aller Inlandsbriefe den Empfänger am nächsten Tag. Annalena verschickt acht Einladungen zu ihrem Geburtstag. Mit welcher Wahrscheinlichkeit

- a) (2) sind alle Briefe am nächsten Tag zugestellt?
- b) (3) sind mindestens sechs Briefe am nächsten Tag zugestellt?

Aufgabe 228:

Ein Staubsaugervertreter verkauft im Durchschnitt bei 10% der Vorstellungstermine einen Staubsauger. Morgen hat er 20 Vorstellungstermine. Mit welcher Wahrscheinlichkeit verkauft er

- a) mehr als 3,
- b) höchstens 2,
- c) mindestens 1 und weniger als 4 Staubsauger?

Aufgabe 229:

In einer Firma sind zehn Kopiergeräte in Betrieb und arbeiten völlig unabhängig voneinander. Zu einem zufällig ausgewählten Zeitpunkt brennt eine grüne Kontrolllampe mit der Wahrscheinlichkeit 0,6.

Berechnen Sie, dass zu einem zufällig ausgewählten Zeitpunkt bei

- a) genau fünf
- b) höchstens zwei der zehn Geräte die grüne Lampe brennt.
- c) Ermitteln Sie, bei wie vielen Geräten zu einem Zeitpunkt voraussichtlich die grüne Lampe brennt.

Aufgabe 230:

Man rechnet mit 5 % Schwarzfahrern auf einer bestimmten Buslinie. Wie viele Fahrgäste muss der Kontrolleur mindestens nach ihrem Fahrschein fragen, bis er mit einer Wahrscheinlichkeit von mindestens 90 % mindestens einen Schwarzfahrer ertappt hat?

Hypergeometrische Verteilung

Aufgabe 231:

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, im Samstags-Lotto „3 Richtige“ zu erhalten?
(0,0177)

Aufgabe 232:

In einer Produktionsserie vom Umfang $N=20$ seien $M=10$ Produkteinheiten fehlerhaft. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, in einer Zufallsstichprobe (Ziehungen ohne Zurücklegen) vom Umfang $n=5$ zwei fehlerhafte Erzeugnisse zu finden? (0,3483)

Aufgabe 233:

Eine Schaltung enthält 20 gleichartige Kondensatoren, von denen genau einer – wie eine Messung ergab – nicht mehr einwandfrei funktioniert. Man ersetzt 5 Kondensatoren, die leicht zugänglich sind, durch einwandfreie. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass damit die Schaltung wieder einwandfrei ist? (0,25)

Aufgabe 234:

Ein Batterietestgerät kann gleichzeitig 4 Batterien prüfen. Unter 20 Batterien sind zwei unbrauchbar. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass diese gleich beim ersten Test entdeckt werden? (0,0316)

Aufgabe 235:

In einem Vorratsraum sind 150 Eier, von denen 7 mit Salmonellen verseucht sind. Es werden 30 Eier zur Verarbeitung geholt.

a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass genau (1) 3, (2) 5 verseuchte Eier geholt werden. [0,1134; 0,0035]

b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass mindestens (1) 1, (2) weniger als 3 verseuchte Eier geholt werden. [0,7977; 0,8568]

c) Berechne den Erwartungswert und die Standardabweichung [1,4; 1,0368]

Aufgabe 236:

Beim Lotto 6 aus 45 werden 6 Zahlen gezogen.

Berechne die Wahrscheinlichkeit, dass

- a) sechs Richtige [0,000000123]
 - b) vier Richtige + 2 Nieten [0,001365]
 - c) fünf Richtige und eine Niete [0,00002873]
 - d) drei Richtige + 3 Nieten [0,0224]
 - e) weniger als 3 Richtige (kein Gewinn) [0,9762]
- getippt werden.

Aufgabe 237:

In einer steirischen Buschenschänke setzen sich nach einem feucht-fröhlichen Abend 60 Personen ans Steuer. 28 davon haben allerdings mehr als 0,5 Promille im Blut. Die Gendarmerie macht 2 Kilometer vom Buschenschank entfernt Fahrzeugkontrollen. Revierinspektor Gangl macht bei 15 Autofahrern einen Alkoholtest.

a) Berechne die Wahrscheinlichkeit, dass der Revierinspektor

- (1) keinen alkoholisierten
- (2) nur alkoholisierte,
- (3) genau 10 alkoholisierte,
- (4) mindestens 10,
- (5) weniger als 8 alkoholisierte Lenker kontrolliert?

[0,0000106; ; 0,0000007; 0,04970; 0,0674; 0,6183]

b) Mit wie viel alkoholisierten Lenkern kann er rechnen? Berechne auch die Standardabweichung. [7; 1,69]

Aufgabe 238:

Auf einem gebührenpflichtigen Parkplatz befinden 264 Autos, von denen 79 keine Parkgebühren bezahlt haben. Der Wachbeamte Herr Konzett kontrolliert in einer halben Stunde 40 Autos.

a) Berechne die Wahrscheinlichkeit, dass der Wachbeamte (1) keinen, (2) weniger als 10, (3) mehr als 25, (4) mindestens 30 Falschparker ertappt. [0,00000016; 0,1780; 0;0]

b) Mit wie vielen Falschparkern kann der Wachbeamte Konzett in einer halben Stunde rechnen? Wie groß ist die Standardabweichung? [11,97; 2,6728]

Aufgabe 239:

Der Losumfang sei $N = 20$ Stück mit $d = 4$ vermuteten fehlerhaften Einheiten. Der Stichprobenumfang n beträgt 5 Stück. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit g , dass 2 fehlerhafte Einheiten x im Stichprobenumfang vorhanden sind? (0,2167)

Aufgabe 240:

Im Kindergarten befinden sich in einem Korb 76 verschiedene Filzstifte. 23 davon schreiben nicht mehr richtig. Der kleine Luki nimmt 16 Filzstifte aus dem Korb.

a) Berechne die Wahrscheinlichkeit, dass er (1) lauter funktionierende Filzstifte, (2) keinen funktionierenden, (3) mehr als 5 funktionierende, (4) mehr als 9 schlecht schreibende, (5) mindestens 3 gut schreibende Filzstifte gezogen hat.

[0,0014; $2,26 \cdot 10^{-11}$; 0,9996, 0,0028; 1]

b) Mit wie vielen schlechten Filzstiften muss Luki rechnen? Berechne auch die Standardabweichung [4,84; 1,64]

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben**Aufgabe 241:**

Von den 10 Blitzbirnen einer Schachtel sind 4 schon benutzt worden. Mit welcher Wahrscheinlichkeit sind unter 5 zufällig entnommenen Blitzbirnen

- a) genau 3 unbenutzte?
- b) mindestens 3 unbenutzte?

Aufgabe 242:

In einer Kiste mit 50 Uhren aus China befinden sich durchschnittlich fünf beschädigte Uhren.

Bei einer Stichprobe werden drei Uhren entnommen und überprüft.

- a) Geben Sie die Wahrscheinlichkeit dafür an, dass genau zwei Uhren der Stichprobe defekt sind.
- b) Wie viele defekte Uhren können bei der Stichprobe erwartet werden?

Aufgabe 243:

Für die Mitarbeit in einem Komitee haben sich 14 Personen beworben, davon haben 5 bereits in dieser Art von Komitee mitgearbeitet, die übrigen 9 noch nicht.

Es werden nun 5 Mitglieder per Losentscheid ausgewählt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass genau 3 erfahrene Mitglieder in dem Komitee arbeiten werden?

Aufgabe 244:

Unter 50 Glühbirnen in einem Karton befinden sich 5 defekte. Bei einer Qualitätskontrolle werden 3 Birnen getestet. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass

- a) alle 3 defekt sind
- b) genau eine defekt ist
- c) keine defekt ist.
- d) Wie viele defekte Birnen sind bei dieser Stichprobe im Mittel zu erwarten?

Poisson-Verteilung

Aufgabe 245:

Die Zufallsgröße X =Anzahl der Unfälle pro Woche in einer Fabrik genüge einer Poisson-Verteilung mit dem Erwartungswert $E(X)=0,9$.

- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich innerhalb einer Woche nicht mehr als 2 Unfälle ereignen? (0,9372)
- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich in 2 aufeinanderfolgenden Wochen kein Unfall ereignet? (0,1653)
- Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich in 3 aufeinanderfolgenden Wochen nicht mehr als 3 Unfälle ereignen? (0,7142)

Aufgabe 246:

Man stelle sich den Eingang eines Kaufhauses vor, an dem ein Drehkreuz angebracht ist, das jedes Mal, wenn eine Person das Haus betritt, einen Impuls aussendet.

Langfristige Erhebungen haben gezeigt, dass durchschnittlich zwei Kunden pro Minute eintreten. (Dabei kann es natürlich auch passieren, dass in einer Minute niemand oder auch beispielsweise 15 Personen das Drehkreuz passieren.) Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass in einer Minute maximal 5 Kunden eintreffen? (0,9834)

Aufgabe 247:

Beim radioaktiven Zerfall ist die Zufallsvariable X = Anzahl der pro Sekunde zerfallenden Atomkerne Poisson verteilt mit dem Parameter μ . Dieser gibt an, wie viele Atomkerne durchschnittlich pro Sekunde zerfallen. Bei einem speziellen Präparat zerfallen im Mittel pro Minute 120 Atomkerne.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, mit einem Zählgerät mehr als 2 Zerfälle pro Sekunde zu beobachten? (0,3233)

Aufgabe 248:

Die Serienproduktion von Glühbirnen erfolgt mit einem Ausschussanteil von 1%.

Aus der laufenden Produktion wird eine Stichprobe vom Umfang $n = 100$ entnommen. Mit welcher Wahrscheinlichkeit enthält diese Stichprobe drei oder mehr defekte Glühbirnen? (0,0803)

Aufgabe 249:

Eine Gartenfläche wird in 100 Quadrate gleicher Größe unterteilt. Anschließend wird die Anzahl von Schnecken für jedes Quadrat gezählt. Dabei kam es zu folgendem Ergebnis: (0,7; 3,45)

Anzahl r der Schnecken	0	1	2	3	4	5	8	15
Häufigkeit von r	69	18	7	2	1	1	1	1

Berechne den Mittelwert und die Varianz der Verteilung und prüfe, ob die Verteilung als Poisson-Verteilung angesetzt werden kann.

Aufgabe 250:

An einer Kreuzung finden pro Woche zwei Verkehrsunfälle statt.

Die Häufigkeit der Verkehrsunfälle wird durch eine Poissonverteilung mit $\mu = 2$ beschrieben. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass in einer Woche kein Unfall stattfindet? (0,1353)

Aufgabe 251:

An einer Kreuzung finden pro Woche zwei Verkehrsunfälle statt.

Die Häufigkeit der Verkehrsunfälle wird durch eine Poissonverteilung mit $\mu=2$ beschrieben.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit dafür, dass weniger als vier Verkehrsunfälle in zwei Wochen stattfinden?(0,4335)

Aufgabe 252:

Die Anzahl der wöchentlichen Hundebisse bei den Briefträgern einer Kleinstadt ist Poissonverteilt mit $\mu=3$.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass

a) in einer Woche genau 6 Hundebisse registriert werden. (0,0504)

b) in drei Wochen mehr als 8 Hundebisse erfolgen, (0,5444)

Aufgabe 253:

Eine Bank hat drei Filialen in der Stadt. Die Anzahl der Kunden, die die Filialen pro Stunde betreten, sei poissonverteilt mit durchschnittlich $\mu = 5$ Kunden pro Stunde. Die Ankünfte der Kunden seien unabhängig voneinander.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass

a) innerhalb einer Stunde insgesamt 8 Kunden die Filialen betreten. (0,0653)

b) insgesamt 12 Kunden die drei Filialen innerhalb von 2 Stunden betreten. (0,0948)

Aufgabe 254:

Die Anzahl der Fahrzeuge, die einen Beobachtungspunkt innerhalb eines Intervalls von einer Minute passieren, ist poissonverteilt mit $\mu=1,6$.

a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass in einer Minute mehr als 3 Fahrzeuge vorbeifahren? (0,0789)

b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass in 5 Minuten nicht mehr als 5 Fahrzeuge vorbeifahren? (0,1912)

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 255:

In einem Callcenter gehen im Langzeitmittel 60 Anrufe pro Minute ein. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass in den nächsten neun Sekunden höchstens fünf Anrufe eingehen?

Aufgabe 256:

In einer Telefonzentrale kommen in der Minute durchschnittlich 3 Gespräche an.

- a) (3) Mit welcher Wahrscheinlichkeit kommen dann in einer Minute mehr als 3 Gespräche an?
- b) (4) Mit welcher Wahrscheinlichkeit kommen in fünf Minuten höchstens 5 und mindestens 3 Gespräche an.

Aufgabe 257:

In einer technischen Anlage sind sehr viele Module eines bestimmten Typs verbaut. Durchschnittlich fallen 2,53 Module pro Tag aus.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass an einem Tag 3 Module ausfallen? Das Ergebnis soll auf vier Nachkommastellen genau angegeben werden.

Aufgabe 258:

Eine Telefonauskunft wird durchschnittlich 12-mal pro Stunde angewählt. Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält die Auskunft

- a) in den nächsten 5 Minuten keinen Anruf,
- b) innerhalb von 10 Minuten mindestens 5 Anrufe,
- c) innerhalb von 20 Minuten höchstens 6 Anrufe?

Aufgabe 259:

In einer Brandmeldezentrale laufen die Meldungen von 2.000 Rauchmeldern zusammen. Im Durchschnitt geht ein Fehlalarm ein pro Tag ein. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass an einem Tag in der Brandmeldezentrale genau zwei Fehlalarme eingehen?

Aufgabe 260:

Auf einer 7,5 km langen Landstraße ereignen sich pro Woche (durchschnittlich) zwei Unfälle.

a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich in der nächsten Woche dort keine Unfälle zutragen?

b) In einer Rettungsleitstelle gehen pro Tag zwei Notrufe ein. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass es an zwei Tagen zusammen weniger als 3 Notrufe sind?

Normalverteilung**Aufgabe 261:**

Das Gewicht von neugeborenen Kindern sei normalverteilt mit $\bar{x} = 3200$ g und $s=800$ g.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Neugeborenes

- a) mehr als 3000 g (59,87%)
- b) weniger als 2500 g (18,94%)
- c) zwischen 4000 und 5000 g wiegt? (14,65%)

Aufgabe 262:

Wie schwer muss ein Neugeborenes sein (das Gewicht von neugeborenen Kindern sei normalverteilt mit $\bar{x} = 3200$ g und $s = 800$ g.), damit es

- a) zu den 15% schwersten (4032)
- b) zu den 25% leichtesten gehört? (2664)
- c) In welchem symmetrischen Bereich $[\mu - \varepsilon, \mu + \varepsilon]$ liegen die Gewichte von 90% aller Neugeborenen? (3200 ± 1312)

Runden Sie jeweils auf 1g.

Aufgabe 263:

Die Äpfel in einer Lieferung wiegen durchschnittlich 180 g, mit einer Standardabweichung von 50 g. Man kann annehmen, dass das Gewicht eine normalverteilte Zufallsvariable ist. Wie viel Prozent der Äpfel wiegen

- a) weniger als 150 g (0,2743)
- b) mehr als 175 g (0,5398)
- c) zwischen 200 und 250 g? (0,2638)

Aufgabe 264:

Eine Maschine füllt Mehl in Säckchen ab. Sie ist auf ein Füllgewicht von 1005 g eingestellt, die Standardabweichung beträgt 4 g. Wie viel Prozent aller Säckchen enthalten weniger als 1000 g? (0,1056)

Aufgabe 265:

Die Lebensdauer eines Ersatzteils ist normalverteilt, mit $\bar{x} = 180$ Tage und $\sigma = 40$ Tage.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Lebensdauer weniger als 3 Monate beträgt? (1 Monat = 30 Tage) (0,0122)
- b) Bei wie viel Prozent aller Teile weicht die Lebensdauer um weniger als 1 Monat vom Erwartungswert ab (d.h., sie liegt zwischen 5 und 7 Monaten)? (0,5467)

Aufgabe 266:

Eine Maschine erzeugt Holzplatten, die im Mittel 30 mm dick sind. Die Standardabweichung beträgt 0,6 mm.

- a) Bei wie viel Prozent aller Platten liegt die Dicke zwischen 29,5 und 30,5 mm? (0,5935)
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine Platte dicker als 31 mm ist? (0,0475)

Aufgabe 267:

Die Körpergröße eines bestimmten Jahrgangs ist normalverteilt mit den Werten $\mu = 95$ cm und $\sigma = 7$ cm. (Man sagt dazu auch „die Körpergröße ist (95cm, 7cm) verteilt.)

Wie viel Prozent dieser Kinder sind im Mittel

- a) kleiner als 1 m, (0,7611)
- b) größer als 1,05, (0,0764)
- c) zwischen 88 cm und 103 cm? (0,7142)

Aufgabe 268:

Eine Maschine stellt Nägel her. Die Länge der Nägel ist normalverteilt mit dem Erwartungswert $\mu = 8,00$ cm und der Standardabweichung $\sigma = 0,15$ cm.

- a) Bei wieviel Prozent der Nägel weicht die Länge höchstens um $\varepsilon = 0,20$ cm vom Erwartungswert μ ab? (0,8165)
- b) Wie sind die symmetrischen Toleranzgrenzen festgelegt, wenn man weiß, dass 90% der Produktion zum Verkauf freigegeben werden? [7,754cm; 8,246cm]

Aufgabe 269:

Die Lufttemperatur T im Juni sei normalverteilt mit dem Mittelwert 20 Grad und der Standardabweichung 3 Grad. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit p , dass sie zwischen 21 und 26 Grad liegt? (0,3479)

Aufgabe 270:

Das Gewicht G von 800 Schülern ist normalverteilt mit dem Mittelwert 66 kg und der Standardabweichung 5 kg. Bestimme die Anzahl N von Schülern mit einem Gewicht (a) zwischen 65 und 70 kg (294), (b) über 72 kg (92)

Aufgabe 271:

Ein Hersteller von Distanzplättchen gibt an, dass die Dicke der von ihm gefertigten Plättchen normalverteilt ist. Auch Mittelwert und Standardabweichung sind ihm aus langjähriger Erfahrung bekannt: $\mu = 3,25 \text{ mm}$ und $\sigma = 0,25 \text{ mm}$.

Ein Kunde fragt an, ob Unterlegscheiben innerhalb der folgenden Toleranz geliefert werden können: Mindestwert: 3,00 mm und Höchstwert: 3,60 mm

Der Hersteller kann die Plättchen nach ihren Dicken sortieren.

Wie viel Prozent seiner Fertigung muss er anderweitig verkaufen, wenn er diesen Kunden beliefert? (0,2395)

Aufgabe 272:

Die Brenndauer von Leuchtstoffröhren ist normalverteilt mit folgenden Parametern:

$$\mu = 900 \text{ h} \text{ und } \sigma = 100 \text{ h}.$$

Bestimmen Sie die Anteile für Lampen, die

- (a) weniger als 650 h brennen (0,0062)
- (b) länger als 1200 h brennen (0,0013)
- (c) zwischen 750 h und 1050 h lang brennen (0,8664)
- (d) weniger als 800 h oder länger als 1200 h brennen (0,1600)

Aufgabe 273:

Ein über lange Zeit beobachteter Härteprozess von Werkstücken ergab für die Härtewertefolgende Parameter: $\mu = 58,0 \text{ HRC}$ und $\sigma = 1,0 \text{ HRC}$. Sie bekommen von Ihrem Fertigungsleiter den Auftrag, die folgenden Werte zu bestimmen:

Bis zu welchem Höchstwert G_0 liegen die HRC-Werte in der künftigen Fertigung

- (a) mit 75%-iger Wahrscheinlichkeit (58,67)
- (b) mit 95%-iger Wahrscheinlichkeit (59,64)
- (c) mit 99%-iger Wahrscheinlichkeit (60,33)

Ab welchem Mindestwert G_u liegen die HRC-Werte

- (d) mit 80%-iger Wahrscheinlichkeit (57,16)
- (e) mit 95%-iger Wahrscheinlichkeit (56,36)
- (f) mit 99%-iger Wahrscheinlichkeit (55,67)

In welchen symmetrischen Intervallen G_u bis G_0 liegen die HRC-Härtewerte in der künftigen Fertigung

- (g) mit 60%-iger Wahrscheinlichkeit (57,16-58,84)
- (h) mit 95%-iger Wahrscheinlichkeit (56,04-59,96)
- (i) mit 99%-iger Wahrscheinlichkeit (55,42-60,58)

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 274:

Ein 3D-Drucker erzeugt Klobrillen, die im Mittel 30 mm dick sind. Die Standardabweichung beträgt 0,6 mm. Der ganze Produktionsprozess kann als normalverteilt angesehen werden.

- a) Bei wieviel Prozent aller Platten liegt die Dicke zwischen 29,5 und 30,5 mm?
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine Platte dicker als 31 mm ist?

Aufgabe 275: (12)

Wie groß muss ein Student in Mathematiken sein, damit er

- a) (4) zu den 20% kleinsten
- b) (4) zu den 10% größten Studenten gehört?
- c) (4) In welchem symmetrischen Bereich $[\mu - \varepsilon, \mu + \varepsilon]$ liegen die Größen von 95% aller Studenten?

Dabei haben die Studenten ein arithmetisches Mittel 175 cm von und eine Standardabweichung von 7,5 cm.

Aufgabe 276:

Dichtungsringe für den Audi-Motor müssen einen Durchmesser d : $493 \text{ mm} \leq d \leq 496 \text{ mm}$ haben. Von einer Lieferung von 10.000 Dichtungsringen sei bekannt, dass der Durchmesser normalverteilt ist mit einem Mittelwert von 495 mm und der Standardabweichung 1 mm. Wie viele Dichtungsringe sind unbrauchbar?

Aufgabe 277:

Bei der Befüllung von Zuckertüten durch eine Maschine ist das Gewicht normalverteilt mit Mittelwert 1000 g und Standardabweichung 6 g.

- a) Wie viele Zuckertüten enthalten weniger als 995 g?
- b) Der Produzent möchte eine Garantie geben, so dass eine Tüte mit zu geringer Füllung umgetauscht werden kann. Welche Mindestfüllmenge sollte er garantieren, wenn er, besonders kritische Kunden vorausgesetzt, höchstens ein Prozent an Reklamationen haben will?

Aufgabe 278:

Gegeben ist ein Bolzen mit einem Mittelwert von $\bar{x} = 3,0 \text{ cm}$. Dieser darf nur $\pm 0,1 \text{ cm}$ vom arithmetischen Mittel abweichen, damit er nicht als Ausschuss gilt. Die Standardabweichung beträgt $s = 0,01 \text{ cm}$. Wie hoch darf die Standardabweichung höchstens werden, damit höchstens ein Ausschuss von 5% entsteht?

Aufgabe 279:

In einer Form werden Platten gefertigt, bei denen das Konstruktionsmaß der Länge X mit 3600 mm angegeben ist. Aus statistischen Langzeituntersuchungen ist bekannt, dass die Zufallsgröße X normalverteilt ist. Die Verteilungsparameter betragen

$$\bar{x} = 3600 \text{ mm und } s = 10 \text{ mm}$$

- a) Wie groß ist der prozentuale Anteil der Platten, deren Länge X im Intervall $3600 \leq x \leq 3625$ liegt?
- b) Ein Toleranzintervall der Form $3600 - d \leq X \leq 3600 + d$ soll höchstens 5 % Ausschuss ergeben. Wie groß muss d gewählt werden?

Zufallsvariablen

Aufgabe 280:

In einer Urne befinden sich 2 rote und 4 blaue Kugeln. Wir zählen, wie oft man ziehen muss, bis man beide roten Kugeln in der Hand hat, ohne die gezogene Kugel wieder zurück zu legen. Wie oft muss im Durchschnitt gezogen werden?

Aufgabe 281:

In einer Urne liegen 5 rote und 7 weiße Kugeln. Ein Glücksspiel hat folgende Regeln: Man entnimmt 4 Kugeln mit einem Griff. Dafür bezahlt man 1 € Einsatz. Der Gewinnplan sieht eine Auszahlung von 99 € vor, wenn man 4 rote Kugeln gezogen hat und 5 € bei 3 roten Kugeln. Werden jedoch 4 weiße Kugeln gezogen, muss der Spieler 10 € nachbezahlen. Welche Gewinnerwartung hat der Spieler?

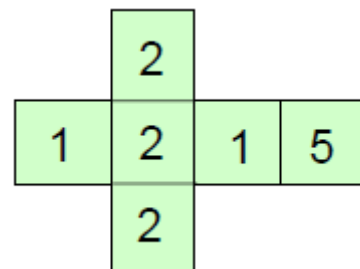
Aufgabe 282:

Der Würfel mit nebenstehendem Netz wird so lange geworfen, bis eine 1 erscheint, höchstens aber 5-mal.

Für den 1. Wurf sind 10 € Einsatz zu bezahlen, für jeden weiteren erhöht sich der Einsatz um 10 €.

Wird eine 1 gewürfelt, erhält man das Doppelte des letzten Einsatzes ausbezahlt.

Lohnt sich das Spiel für einen Spieler?



Aufgabe 283:

Ein Würfel trägt 4 Einsen und 2 Zweier.

a) Ein Spiel kostet 1 € und gestattet 5-maliges Würfeln. Für jede gewürfelte Eins erhält man 1 € ausbezahlt. Berechnen Sie die Gewinnerwartung. Ist das Spiel fair?

b) Ein anderer Gewinnplan sieht 6 € Einsatz vor, und pro gewürfelter Eins eine Auszahlung von 3 €. Mit welchem Gewinn kann jetzt gerechnet werden?

Aufgabe 284:

Ein Glücksrad trägt 10 Felder mit 4 Einsen, 3 Zweiern, 2 Dreiern und einer Vier.

Die Wahrscheinlichkeit für das Erscheinen jedes der 10 Sektoren an der Markierung ist gleich groß. Man spielt nach dieser Regel:

Der Einsatz beträgt 50 Cent, und dafür darf man dreimal drehen.

Erscheint die Zahl 3, erhält man 1 €, erscheint die Zahl 4 dann 2 €. Erscheint eine 1 oder eine 2, ist das ganze Geld verloren und das Spiel beendet.

Wie hoch ist die Gewinnerwartung der Spieler?

Wie hoch müsste der Einsatz sein, wenn der Veranstalter pro Spiel durchschnittlich 10 Cent Gewinn machen will?

Aufgabe 285:

Auf dem Schulhof eines Gymnasiums findet trotz Verbotes hin und wieder ein interessantes Glücksspiel statt.

Spielregeln:

Der Einsatz pro Spiel beträgt 2 €.

Der Spieler setzt zuerst eine der Zahlen 1, 2, 3, ..., 6.

Anschließend wirft er dreimal mit einem Würfel.

Fällt die gesetzte Zahl nicht, ist der Einsatz verloren.

Fällt die gesetzte Zahl einmal, so erhält er seinen Einsatz zurück.

Fällt die gesetzte Zahl zweimal, so erhält er den doppelten Einsatz.

Fällt die gesetzte Zahl dreimal, so erhält er den dreifachen Einsatz.

Die wohl wichtigste Frage, die sich bei diesem Spiel stellt, ist die Frage nach den Gewinnaussichten. Dies möchten alle Schüler und Schülerinnen wissen, und zwar die, die spielen und die, die die Bank haben.

Aufgabe 286:

Der Erwartungswert, bei dem oben vorgestellten Würfelspiel war $E(X) = -1$. Das Spiel ist also unfair.

Wie hoch müsste der Einsatz für ein Spiel sein, damit man das Spiel als fair bezeichnen könnte?

Die Auszahlungen bleiben vom Betrag her gleich:

Fällt die gesetzte Zahl nicht, ist die Auszahlung 0 €.

Fällt die gesetzte Zahl einmal, so ist die Auszahlung 2 €.

Fällt die gesetzte Zahl zweimal, so ist die Auszahlung 4 €.

Fällt die gesetzte Zahl dreimal, so ist die Auszahlung 6 €.

Aufgabe 287:

Jedes Los gewinnt!

Bei der Abi - Abschlussfeier muss jeder der 50 Teilnehmer ein Los kaufen.

Der 1. Preis hat einen Wert von 100 €, der 2. von 25 € und der 3. von 10 €.

Jeder, der keinen dieser Gewinne bekommt, erhält einen Trostpreis in Höhe von 1 €.

Wie teuer müsste ein Los sein, damit Einnahmen und Ausgaben übereinstimmen?

Jedes Los wird für 5 € verkauft.

Der Erlös geht ans Friedensdorf. Wie groß ist der Erlös?

Aufgabe 288:

Eine Urne enthält eine rote, eine schwarze und eine grüne Kugel.

Es wird solange ohne zurücklegen eine Kugel gezogen, bis eine grüne Kugel erscheint.

Wird die grüne Kugel im 1. Zug gezogen, so ist die Auszahlung 2 €.

Wird die grüne Kugel im 2. Zug gezogen, so ist die Auszahlung 1 €.

Wird die grüne Kugel im 3. Zug gezogen, so ist die Auszahlung 0 €.

Wie hoch muss der Einsatz sein, damit es sich um ein faires Spiel handelt?

Aufgabe 289:

Eine Firma verpflichtet sich, für ein von ihr verkauftes Gerät ein Jahr lang kostenlos die Reparaturen auszuführen, die wegen Materialfehler anfallen.

Bei drei Einzelteilen e_1 , e_2 , e_3 des Gerätes können innerhalb eines Jahres Ausfälle auftreten und zwar erfahrungsgemäß mit der Wahrscheinlichkeit 20%.

Es wird angenommen, dass die Ausfälle der Einzelteile unabhängig sind und ein repariertes Teil bis zum Ende der Garantiezeit nicht noch einmal ausfällt. Die Reparatur von e_1 kostet die Firma 1,00 €, die von e_2 4,00 € und die von e_3 5,00 €.

X bezeichne die Reparaturkosten.

a) Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktion der Zufallsvariable X in tabellarischer Form an.

b) In welcher Höhe müssen die zu erwartenden Reparaturkosten bei der Preiskalkulation für das Gerät berücksichtigt werden?

Aufgabe 290:

Die Firma Noll produziert Transistoren. Es ist ihr bekannt, dass von 10 in einem Karton verpackten Transistoren 4 defekt sind. Bei der Kontrolle werden zufällig 3 Transistoren mit einem Griff gezogen.

Die Zufallsgröße X gebe die Anzahl der defekten Transistoren an, die beim ersten Griff gefunden werden.

- Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktion der Zufallsvariable X in tabellarischer Form an.
- Wie viele defekte Teile werden im Durchschnitt bei der Kontrolle entdeckt?
- Berechnen Sie die Standardabweichung von X .

Aufgabe 291:

Zwei Laplace-Würfel werden unabhängig geworfen. X bezeichne die gewürfelte Augenzahl.

- Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktion der Zufallsvariable X in tabellarischer Form an.
- Welche Augensumme ist im Durchschnitt zu erwarten?
- Berechnen Sie die Standardabweichung von X .

Aufgabe 292:

Bei einer Jahrmarktbude wird folgendes Spiel angeboten:

Beim Werfen zweier Laplace - Würfel erhält der Spieler 1 € für Augensumme 10, 3 € für Augensumme 11 und 6 € für Augensumme 12 ausbezahlt. Sonst bezahlt der Spieler 0,5 €.

Spiel 1: X kennzeichne den Reingewinn des Spielers.

Eine zweite Jahrmarktbude bietet ein 2. Spiel an.

Beim Werfen zweier Laplace - Würfel erhält der Spieler 0,5 € für Augensumme 10, 4 € für Augensumme 11 und 5,5 € für Augensumme 12 ausbezahlt. Sonst bezahlt der Spieler 0,5 €.

Spiel 2: Y kennzeichne den Reingewinn des Spielers beim 2. Spiel.

- Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktionen der Zufallsvariablen X und Y in tabellarischer Form an
- Welcher Reingewinn ist im Durchschnitt bei Spiel 1 bzw. Spiel 2 zu erwarten?
- Welches Spiel sollte ein risikofreudiger Spieler und welches ein risikoscheuer Spieler spielen? (Begründung mit Hilfe der Varianz bzw. Standardabweichung).

Aufgabe 293:

Ein Laplace - Würfel wird so lange geworfen, bis zum ersten Mal die Sechs erscheint, höchstens aber 3mal. X bezeichne die Anzahl der Würfe.

- a) Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktion der Zufallsvariable X in tabellarischer Form an.
- b) Berechnen Sie den Erwartungswert von X und interpretieren Sie das Ergebnis.
- c) Berechnen Sie die Standardabweichung von X .

Aufgabe 294:

Eine Münze wird so lange geworfen, bis "Zahl" oder insgesamt dreimal "Wappen" erscheint. Die Zufallsvariable X beschreibe die Anzahl der ausgeführten Würfe bis zum Eintritt dieses Ereignisses.

- a) Bestimmen Sie die Verteilung der Zufallsvariable X
- b) Wie viel Würfe werden im Mittel bis zum Eintreten des Ereignisses benötigt?

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 295:

Ein Glücksrad enthält 10 gleichwahrscheinliche Sektoren, auf denen 4 Einser, 3 Zweier, 2 Dreier und 1 Vier stehen.

Bei einem Einsatz von 50 Cent wird das Rad dreimal gedreht.

Für jede drei die sich ergibt wird jeweils 1€ ausbezahlt und für jede 4 wird jeweils 2€ ausbezahlt. Für die restlichen Zahlen wird nichts ausbezahlt.

Berechnen Sie die Gewinnerwartung des Spielers.

Aufgabe 296:

Ralf und Uli spielen dreimal das Knobelspiel „Schere, Stein und Papier“. Papier wickelt den Stein ein, der Stein zerstört die Schere und die Schere schneidet das Papier.

Für jedes gewonnene Spiel bekommt Ralf 1,00 €, verliert er, muss er 1,00 € bezahlen, bei Unentschieden wird kein Geld ausgezahlt. Die Zufallsvariable X beschreibt den Gewinn von Ralf.

- Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktion der Zufallsvariable X in tabellarischer Form an.
- Berechnen Sie den zu erwartenden Gewinn von Ralf. Ist das Spiel fair?
- Berechnen Sie die Standardabweichung von X .

Aufgabe 297:

Andreas und Michael trainieren Basketball. Michael trifft mit einer Wahrscheinlichkeit von $1/3$ den Korb.

Andreas bietet Michael zwei Spiele an:

Michael darf dreimal werfen.

Spiel 1: Andreas zahlt ihm für jeden Treffer 2 €. Falls er nicht trifft, muss Michael Andreas einen bestimmten Betrag x bezahlen. Die Zufallsvariable X definiert Michaels Gewinn.

Spiel 2: Andreas zahlt ihm für einen Treffer 1 €, für 2 Treffer 3 € und für 3 Treffer 4 €. Falls er nicht trifft, muss Michael wiederum Andreas einen bestimmten Betrag y bezahlen.

Die Zufallsvariable Y definiert Michaels Gewinn.

- Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsfunktionen der Zufallsvariablen X und Y in tabellarischer Form an. b) Für welche Beträge x bzw. y sind die Spiele fair?
- Welches faire Spiel sollte Michael spielen, falls er risikofreudig ist, d.h. er einen hohen Gewinn erzielen möchte (Begründung mit Hilfe der Varianz bzw. Standardabweichung).

Indexberechnungen

Aufgabe 298:

Ein Unternehmen erzielte für seine Produkte $i=1, 2, 3$ in den Jahren 1995 ($t=0$) und 2000 ($t=1$) folgende Preise und Absatzmengen:

Produkt i	1995		2000	
	Preis p_i	Menge m_i	Preis p_i	Menge m_i
1	3	3.000	2	1.000
2	5	2.000	6	4.000
3	2	5.000	2	5.000

Man berechne den Umsatzindex sowie die Preis- und Mengenindizes nach Laspeyres und Paasche für die Berichtsperiode 2000 und die Basisperiode 1995.

Aufgabe 299:

Für die Spareinlagen der Bürger in einer bestimmten Region zum jeweiligen Jahresende liegen folgende Indexwerte vor:

Jahr	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
	1,000	0,983	1,044	1,125	1,165	1,280	-	-	-	-
	-	-	-	-	-	1,000	1,072	1,130	1,163	1,126

Verketten Sie diese beiden Reihen so, dass sich eine Index - Reihe von 1980 bis 1989 mit dem Basisjahr 1985 ergibt.

Aufgabe 300:

Aus Veröffentlichungen des Statistischen Bundesamtes ist der Preisindex für die Lebenshaltung in der Bedarfsgruppe Haushaltsführung wie folgt ausgewiesen:

1985	1986	1987	1988	1989	1990
100,0	101,1	102,2	103,3	104,9	107,3

Basieren Sie diesen Index vom Jahr 1985 auf das Jahr 1990 um.

Aufgabe 301:

Die Preise p und die Mengen m für einen Warenkorb aus vier Gütern sind für die Jahre 2002 und 2003 in der unteren Tabelle angegeben:

	Gut 1		Gut 2		Gut 3		Gut 4	
	P	M	P	M	P	M	P	M
2002	6	40	55	11	7	140	1,6	405
2003	7,3	56	59	12,8	6	180	1,8	415

- 1.
2. a) Bestimmen Sie für 2003 zur Basis 2002 den Preisindex nach Laspeyres und Paasche.
3. b) Bestimmen Sie dazu auch den Mengenindex nach Laspeyres und Paasche, sowie den Umsatzindex.

Aufgabe 302:

Für den durchschnittlichen monatlichen Fleischwarenverbrauch eines repräsentativen Haushalts gibt das Statistische Bundesamt folgende Zahlen an:

Fleischwaren	1986		1988	
	kg	Euro/kg	kg	Euro/kg
Wurst, Wurstwaren	5,290	11,86	4,745	11,77
Schinken, Speck	1,032	15,91	1,049	15,90
Wurstkonserven	0,320	7,78	0,392	7,60

Berechnen Sie den Preisindex und den Mengenindex für das Berichtsjahr 1988 zum Basisjahr 1986 nach Paasche.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 303:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Preisindex nach Laspeyres und Paasche zum Basisjahr 1 und dem Berichtsjahr 2. Anschließend auch noch den Preisindex nach Fisher.

Aufgabe 304:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Preisindex nach Laspeyres und Paasche zum Basisjahr 1 und dem Berichtsjahr 3. Anschließend auch noch den Preisindex nach Fisher.

$$\frac{\Sigma}{\Sigma}$$

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Preisindex nach Laspeyres und Paasche zum Basisjahr 2 und dem Berichtsjahr 3. Anschließend auch noch den Preisindex nach Fisher.

Aufgabe 306:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Mengenindex nach Laspeyres und Paasche zum Basisjahr 1 und dem Berichtsjahr 2.

Aufgabe 307:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Mengenindex nach Laspeyres und Paasche zum Basisjahr 1 und dem Berichtsjahr 3.

Aufgabe 308:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Mengenindex nach Laspeyres und Paasche zum Basisjahr 2 und dem Berichtsjahr 3.

Aufgabe 309:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Umsatzindex zum Basisjahr 1 und dem Berichtsjahr 2.

Aufgabe 310:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Umsatzindex zum Basisjahr 1 und dem Berichtsjahr 3.

Aufgabe 311:

In der nachstehenden Tabelle sind für die Güter A, B und C die Preise und die Mengen für die Jahre 1,2 und 3 angegeben.

Gut	Jahr 1		Jahr 2		Jahr 3	
	Preis	Menge	Preis	Menge	Preis	Menge
A	6,00	22	7,00	21	7,50	23
B	27,50	4	26,00	6	28,00	5
C	14,00	7	14,50	9	15,00	10

Berechnen Sie den Umsatzindex zum Basisjahr 2 und dem Berichtsjahr 3.

Aufgabe 312:

In nachstehender Tabelle ist der Verbraucherpreisindex (Preisindex für die Lebenshaltung) für Deutschland (1995 = 100) und für Sikinien (1993 = 100) angegeben.

Jahr	1995	1996	...	2005	2006	2007	2008
Deutschland	100,0	101,3	...	115,8	117,7	120,4	123,4
Sikinien	102,6	103,4	...	111,0	112,2	113,0	115,0

Vergleichen Sie die Preisentwicklung der beiden Länder für den angegebenen Zeitraum.

Aufgabe 313:

In nachstehender Tabelle ist der Verbraucherpreisindex (Preisindex für die Lebenshaltung) für die Bundesrepublik Deutschland für den Zeitraum 1995 bis 2002. Da diese Indexpzahlen nach Laspeyres ermittelt werden, muss der Warenkorb in bestimmten Abständen aktualisiert werden. Dies ist zuletzt im Jahr 1995 geschehen. Dadurch kam es zu einer Unterbrechung der Indexpzahlenreihe im Jahr der Aktualisierung. Stellen Sie eine Verknüpfung der beiden Reihen durch eine Vorwärts- bzw. Rückwärtsrechnung her.

Jahr	1995	1996	1997	1998	1999	2000	2001	2002
$P_{95,i}$	100,0	101,3	103,2	104,1	104,8	106,9		
$P_{2000,i}$						100,0	102,0	103,4

Aufgabe 314:

In der nachstehenden Tabelle finden Sie auszugsweise für den Zeitraum 1993 bis 2002 die Umsatzentwicklung (in Tsd.€) eines Strickmaschinenherstellers sowie den entsprechenden Preisindex für seine Maschine Modell Strickliesel.

Jahr	1993	1994	1995	1996	...	2002
Umsatz (Mio Euro)	2.200	2.400	2.500	2.800	...	3.840
$P_{1991,i}$	105,8	106,5	108,1		...	
$P_{1995,i}$			100,0	102,6	...	110,5

Führen Sie eine Preisbereinigung (Deflationierung) durch. Führen Sie dafür den alten Index weiter (1991=100) und rechnen sie den neuen Index zurück (1995=100).

Aufgabe 315:

Für das Warensortiment einer Firma werden laufend Preis-, Mengen- und Umsatzindizes berechnet. Welche der folgenden Aussagen ist richtig, falls für jede Ware des Sortimentes die umgesetzte Menge in der Basisperiode mit der umgesetzten Menge in der Berichtsperiode übereinstimmt?

- A: Preisindex nach LASPEYRES = Preisindex nach PAASCHE
- B: Preisindex nach LASPEYRES = Umsatzindex
- C: Preisindex nach PAASCHE = Umsatzindex
- D: Mengenindex nach PAASCHE = Mengenindex nach LASPEYRES
- E: Mengenindex nach PAASCHE = Preisindex nach LASPEYRES
- F: Mengenindex nach LASPEYRES = 1
- G: Mengenindex nach LASPEYRES = Umsatzindex

Aufgabe 316:

Der Index der Verbraucherpreise, wie er in der folgenden Tabelle wiedergegeben wird, soll von der alten Indexbasis 1985 (d.h. 1985 = 100) auf eine neue Basis 1987 (d.h. 1987 = 100) umgestellt werden. Führen Sie diese Umbasierung für alle Indexzahlen durch.

Jahr t	Index $I_{85,t}$ (Basis 1985) in %
1985	100,0
1986	97,5
1987	95,1
1988	96,3
1989	99,3
1990	101,0
1991	103,4
1992	104,8

Aufgabe 317:

In der folgenden Tabelle ist ein Warenkorb eines 4-Personen-Haushalts und Preise der Güter 1980 bis 1982 dargestellt.

Ware i	Einheit	Preis in DM/Einheit			Menge q_i		
		1980	1981	1982	1980	1981	1982
Brot	kg	1,90	2,00	2,20	690	660	620
Butter	kg	4,30	4,50	4,60	25	28	30
Milch	l	0,72	0,76	0,80	420	400	390
Rind- fleisch	kg	5,80	6,50	7,00	81	90	100
Eier	Dz	1,90	2,10	2,40	50	45	50
Salz	kg	0,48	0,48	0,48	9	10	10
Zucker	kg	1,191	1,28	1,48	42	52	55

Berechnen Sie den Preisindex nach Paasche für das Basisjahr 1981 und das Berichtsjahr 1982 sowie den Umsatzindex für das Basisjahr 1980 und das Berichtsjahr 1982.

Aufgabe 318:

Für eine Person haben sich die Preise und der Verbrauch einiger Konsumgüter wie unten angegeben entwickelt.

	1995		2000	
	Preis	Verbrauch	Preis	Verbrauch
Zigaretten	4,00	10	5,00	7
Pizza	5,00	4	6,00	3
Kino	8,00	2	12,00	1
Bier	0,60	10	1,00	8

Bestimmen Sie den Preisindex nach Paasche und Laspeyres.

Aufgabe 319:

Familie Riesig leistet sich folgende Produkte und Ausgaben. Für die einzelnen Jahre wurde aus dem Haushaltsbuch folgende Übersicht erstellt. Beachten Sie dabei die Angaben in der Tabelle.

	Preis 2008	Umsatz 2008	Preis 2011	Verbrauch 2011
Chips	1,00 € / Tüte	40,00 €	1,50 € / Tüte	50 Tüten
Erdnüsse	6,00 € / kg	36,00 €	9,00 € / kg	7 kg
Bier	4,20 € / ltr.	504,00 €	5,50 € / ltr.	150 ltr.

Berechnen Sie die Preisindizes nach Laspeyres und Paasche.

Regression- und Korrelationsrechnung**Aufgabe 320:**

Sechs Personen werden zu ihrem Alter und ihrem Einkommen befragt:

Nettoeinkommen	y_i	500	600	1100	1500	2200	3100
Alter	x_i	20	21	25	28	36	44

Berechnen Sie die Regressionsgerade und den Korrelationskoeffizienten.

Bestimmen Sie den Korrelationskoeffizienten von Bravais-Pearson:

Aufgabe 321:

Eine renommierte Sektkellerei möchte einen hochwertigen Rieslingsekt auf den Markt bringen.

Für die Festlegung des Abgabepreises soll zunächst eine Preis-Absatz-Funktion ermittelt werden. Dazu wurde in $n = 6$ Geschäften ein Testverkauf durchgeführt. Man erhielt sechs Wertepaare mit dem Ladenpreis x (in Euro) einer Flasche und die verkaufte Menge y an Flaschen:

Laden	i	1	2	3	4	5	6
Preis einer Flasche	x_i	20	16	15	16	13	10
verkaufte Menge	y_i	0	3	7	4	6	10

Berechnen Sie die Regressionsgerade.

Bestimmen Sie den Korrelationskoeffizienten von Bravais-Pearson:

Aufgabe 322:

Ein Kaufhaus möchte eine Aussage über den Preis X (in Euro) und den Absatz Y (in 100 Stück) eines Gutes machen. Um einen Zusammenhang zwischen beiden Größen zu ermitteln, legt das Kaufhaus den Preis X in 5 Filialen unterschiedlich fest.

X	3	4	5	6	12
Y	14	13	10	7	6

- Berechnen Sie die Regressionsgerade.
- Welchen Absatz kann das Unternehmen bei Unterstellung des linearen Zusammenhangs im Durchschnitt erwarten, wenn es den Preis auf 2 Euro senkt?

Aufgabe 323:

Von 4 Kfz sind das Alter und die Bremswege bei einer Vollbremsung von 100 km/h zum Stillstand gegeben:

Alter (Jahre)	4	7	11	2
Bremsweg (m)	50	80	70	48

- Bestimmen Sie die Regressionsgerade und den Korrelationskoeffizienten.
- Sie den erwarteten mittleren Bremsweg für 15 Jahre alte Fahrzeuge.

Aufgabe 324:

In der folgenden Tabelle finden sie die produzierten Mengen (in 1.000 Stück) und die dabei entstandenen Kosten (in Tsd. Euro) für das erste Halbjahr des vergangenen Jahres.

Monat	Januar	Februar	März	April	Mai	Juni
Menge (in 1.000 Stück)	2	3	6	4	8	7
Kosten (in Tsd. Euro)	40	45	85	65	95	90

- Bestimmen Sie den Zusammenhang zwischen dem Regressor (Menge) und dem Regressand (Kosten) mit Hilfe einer Regressionsgeraden.
- Bestimmen Sie auch die Stärke dieses Zusammenhangs mit Hilfe des Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson. Interpretieren Sie auch das erhaltene Ergebnis.
- Welche Auswirkungen hätte die Ausweitung der Produktion auf 10 (in 1.000 Stück)? Führen Sie dafür eine Trendanalyse durch.
- Wenn die Kosten auf 100 (in Tsd. Euro) steigen, mit welcher Menge kann dann gerechnet werden.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 325:

Von fünf ausgewählten Schülern wurden die Noten in Spanisch und Englisch notiert.

Schüler	1	2	3	4	5
Spanisch	2	3	2	4	5
Englisch	1	2	2	3	4

Dabei ist Spanisch der Regressand und Englisch der Regressor.

- Berechnen Sie die lineare Regressionsgerade.
- Berechnen Sie den Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson.

Aufgabe 326:

10 Studenten veranstalten einen Wettlauf. Die folgende Tabelle enthält die Körpergröße und die Platzierung:

Student	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
Körpergröße	180	170	174	190	165	182	178	169	184	189
Platz	3	7	8	2	10	5	6	9	1	4

Berechne ein Maß für den Zusammenhang zwischen Körpergröße und Platzierung!

Aufgabe 327:

Die Großhandelspreise zweier textiler Produkte zeigen folgende Bewegung:

X	22	2	25	26	31
Y	36	37	38	26	12

- Berechnen Sie die Regressionsgerade
- Berechnen Sie den Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson
- Interpretieren Sie den Zusammenhang zwischen dem Regressor und dem Regressand.

Aufgabe 328:

Bei einer zufällig ausgewählten Gruppe von Zuschauern an einem Basketballspiel kamen die nebenstehenden Messungen zustande.

Körpergröße in cm	Gewicht in kg
155	51
168	52
181	78
189	81
195	95
202	101

- Berechnen Sie die Gleichung der Regressionsgeraden.
- Berechnen Sie den Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson.
- Mache Voraussagen für die folgenden Personen:

Person A: Größe = 1.77 m – Gewicht?

Person B: Gewicht = 91 kg – Größe?

Aufgabe 329:

Gegeben sei eine Ergebnisübersicht der Abiturprüfung Mathematik von 2012. Zudem sind auch noch die Vornoten gegeben.

Wie hängt das Ergebnis des Abiturs als abhängige Größe von der Vornote (unabhängige Größe) ab?

Berechnen Sie hierfür einen geeigneten Parameter und interpretieren Sie das Ergebnis.

Schülernummer	Vornote (x)	Ergebnis Abitur (y)
1	15	12
2	04	05
3	15	12
4	10	07
5	14	13
6	09	09
7	10	08
8	04	02
9	07	03
10	07	07

Aufgabe 330:

Bei einem Bundesliga Handballspiel von Frisch Auf Göppingen wurde bei einer Stichprobe von 8 erwachsenen Männer Ihre Größe in cm und ihr Bauchumfang in cm gemessen. Dabei ist die endogene Variable der Bauchumfang und die exogene Variable die Körpergröße.

Die Werte finden Sie in der folgenden Tabelle.

Nummer	Größe	Bauchumfang
1	177	119
2	166	108
3	159	101
4	180	100
5	189	112
6	210	105
7	171	120
8	182	111

- a) Mit welchem Bauchumfang ist bei einer Größe von 191 zu rechnen?
- b) Welcher Zusammenhang besteht zwischen Größe und dem Bauchumfang? Geben Sie hierzu eine Zahl an, die den Sachverhalt widerspiegelt.

Lorenzkurve und Gini-Koeffizient

Aufgabe 331:

Der Gesamtumsatz des Industriezweiges X verteilt sich wie folgt auf die einzelnen Unternehmen dieses Industriezweiges:

Umsatz (in 1000 Euro)	60	80	200	300	360
Unternehmen	A	B	C	D	E

Demgegenüber verteilt sich der Gesamtumsatz des Industriezweiges Y folgendermaßen auf die einzelnen Unternehmen dieses Industriezweiges:

Umsatz (in 1000 Euro)	200	220	240	260	280
Unternehmen	a	b	c	d	e

- a) Zeichnen Sie die Lorenzkurve für beide Verteilungen in ein Diagramm.
- b) Berechnen Sie für beide Verteilungen den Gini-Koeffizienten und interpretieren Sie die Ergebnisse.

Aufgabe 332:

Bestimmen Sie die Lorenzkurve für die folgenden Zahlen der Bundesrepublik Deutschland bezogen auf das Jahr 1969 (nach Emrich, Wiesbaden 1979)

Einkommens-klasse	Einkommens-bezieher	Einkommen der Klasse	Einkommens-bezieher in % kumuliert	Einkommen der Klasse in % kumuliert
1	902	57	4.8	0.3
2	1135	149	10.8	1.2
3	823	246	15.2	2.3
4	823	350	19.6	3.8
5	796	448	23.8	5.7
6	876	548	28.5	8.3
7	955	650	33.6	11.6
8	989	750	38.9	15.6
9	1142	851	45.0	20.8
10	1298	950	51.9	27.4
11	1440	1050	59.6	35.5
12	1411	1148	67.1	44.2
13	1264	1247	73.8	52.7
14	1061	1347	79.4	60.4
15	800	1447	83.7	66.6
16	592	1545	86.9	71.5
17	467	1645	89.4	75.6
18	375	1748	91.4	79.1
19	293	1847	93.0	82.0
20	232	1947	94.2	84.4
21	627	2206	97.5	91.8
22	470	3239	100.0	100.0

Aufgabe 333:

Zeichnen Sie eine Lorenzkurve, die das Ungleichgewicht zwischen Haushalten und Vermögen aufzeigt.

Vermögensklassen	Haushalte (in Mio)	Haush. kum.	Haush. kum. (%)	Vermögen (in Mrd DM)	Vermögen kum.	Verm. kum. (%)
unter 100.000 DM	16,0	16	45,98%	940	940	9,48%
100.000-250.000 DM	8,6	24,6	70,69%	1750	2690	27,12%
250.000-350.000 DM	4,2	28,8	82,76%	1420	4110	41,43%
350.000-500.000 DM	2,9	31,7	91,09%	1370	5480	55,24%
500.000-750.000 DM	1,3	33	94,83%	910	6390	64,42%
750.000-1.000.000 DM	0,8	33,8	97,13%	750	7140	71,98%
über 1.000.000 DM	1,0	34,8	100,00%	2780	9920	100,00%

Aufgabe 334:

Betrachten Sie die folgende Stichprobe zur Einkommensverteilung für Italien:

Dezile	1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.
Verfügbares Einkommen nach Steuern in Italien	8170	12860	14574	16980	19211	21917	26392	30563	35934	78597
Laufende Summe	8170	21030	35604	52584	71795	93712	120104	150667	186601	265198

Zeichnen Sie eine Lorenzkurve.

Aufgabe 335:

Für die Einzelhandelsunternehmen eines kleinen Bundeslandes S sei folgende Übersicht betrachtet:

Umsatz in DM 1000	Anzahl der Einzelhandelsunternehmen
[0 , 10)	200
[10 , 50)	300
[50 , 100)	250
[100 , 300)	250

Berechnen Sie die Werte der Lorenzkurve und stellen Sie die errechneten Werte graphisch dar. Welchen Anteil an der Merkmalssumme haben 20% (75%) der Merkmalswerte?

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 336:

Auf einem Markt seien z.B. 10 Unternehmen mit den folgenden Umsätzen vertreten (rechts wurden die Unternehmen nach Umsatz in eine aufsteigende Reihenfolge gebracht):

Unternehmen	Umsatz (TDM)
A	1000
B	500
C	1500
D	2500
E	1500
F	700
G	800
H	500
I	300
J	700
Summe	10000

Unternehmen	Umsatz (TDM)
I	300
B	500
H	500
F	700
J	700
G	800
A	1000
C	1500
E	1500
D	2500
Summe	10000

Zeichnen Sie die Lorenzkurve und berechnen Sie den Gini-Koeffizienten.

Aufgabe 337:

Zur Untersuchung eines Marktes von Telekommunikationsanbietern soll eine Konzentrationsmessung vorgenommen werden. Es stehen folgende Daten zur Verfügung:

Unternehmen	Schluder-Com	Mincor	B4	K-Plus	RaserPhoni
Anzahl von Abschlüssen (in Tausend)	2.300	1.500	100	200	900

Bestimmen Sie hierzu die Lorenz-Kurve und den Gini-Koeffizienten.

Hypothesentest

Aufgabe 338:

Von zwei Würfeln ist der eine ideal, der andere ist so gezinkt, daß $p(\{1\}) = 0,5$ ist. Mit Hilfe eines Tests sollen die Würfel identifiziert werden. Der Test soll den Umfang 20 und ein Signifikanzniveau von 20 % haben. Welchen Annahmebereich erhält die Hypothese $H_1 : p(\{1\}) = 0,5$ und welche Wahrscheinlichkeiten haben beide Fehler ?

Aufgabe 339:

(2) Eine Münze ist ideal, die andere leicht verbogen. Sabine führt folgenden Test durch: Sie wirft eine ausgewählter Münze, von der sie annimmt, sie sei ideal, 100 mal und will ihre Hypothese annehmen, wenn mindestens 40 mal Wappen auftritt.

- a) Berechne die Wahrscheinlichkeit für den Fehler 1. Art.
- b) Sabine wählt nun einen anderen Annahmebereich und erhält $\alpha = 0,0033$ und $\beta = 0,0530$.

Wie groß ist der Annahmebereich und wie groß ist im Falle des Verwerfens der Nullhypothese die Wahrscheinlichkeit für die Münze, Wappen zu zeigen ?

- c) Wie ändern sich die Fehler-Wahrscheinlichkeiten, wenn der Test nur den Umfang 20 hat und Sabine $A_1 = \{8; \dots; 20\}$ verwendet.
- d) Wie ist bei $n = 20$ der Annahmebereich festzulegen, wenn das Signifikanzniveau 3 % betragen soll ?

Aufgabe 340:

(3) Ein Betrieb stellt mit einer alten und mit einer neuen Maschine gleiche elektronische Bauteile her. Der Ausschuß beträgt bei der alten Maschine 20 %, bei der neuen 10 %. Der Verpackung sieht man die Herstellungsmaschine nicht an. Ein Kunde verlangt nur Bauteile der neuen Maschine, will aber die Lieferung testen. Dazu entnimmt er 50 Stück auf zufällige Art.

- a) Wann muß er die Lieferung ablehnen, wenn er ein Signifikanzniveau von 10% einhalten will ? Mit welcher Wahrscheinlichkeit begeht er einen Fehler 1. oder 2. Art ?
- b) Wieso ist für ihn der große Fehler 2. Art ungünstig ? Wie kann der Kunde dieses Konsumentenrisiko verringern ? Belege Deine Antwort durch eine Beispielrechnung.
- c) Rechne die Aufgabe a) für $n = 100$ durch.
- d) Wie entscheidet der Kunde bei $n = 100$, $\alpha = 5\%$ und 15 gefundenen Ausschußteilen ?



Aufgabe 341:

- (5) In einer Urne liegen 400 Kugeln der Sorte 1 und 600 der Sorte 2. Es sind rote und grüne Kugeln. Man weiß nicht mehr, ob die Sorte 1 rot oder grün ist. Durch einen Test soll die Hypothese H_1 : „Es sind 400 rote Kugeln“ überprüft werden.
- a) In einem sehr einfachen Test werden 5 Kugeln blind entnommen. Lege einen Annahmebereich fest, berechne die zugehörige Wahrscheinlichkeit, sowie die Wahrscheinlichkeiten für die Fehler 1. und 2. Art. Überlege, was geschieht, wenn man den Annahmebereich verändert, mache dazu einige Zahlenangaben.
- b) Es ist nun völlig unklar, welcher Fall vorliegt. Berechne die Wahrscheinlichkeit, bei dem Test aus a) eine falsche Aussage zu machen. Bei wie vielen von 10 Testpersonen kann man mit einem Fehlurteil rechnen? Mit welcher Wahrscheinlichkeit entscheiden 6 Personen falsch?
- c) Herr Zirkel denkt sich dieses Entscheidungsverfahren aus: Wenn die ersten 3 von 5 gezogenen Kugeln rot sind, dann schließt er auf 600 rote Kugeln. Berechne dazu die Wahrscheinlichkeiten für die beiden Fehler.
- d) In einem neuen Test werden 20 Kugeln entnommen. Zeichne die Histogramme für $p=0,4$ und $p=0,6$ in ein gemeinsames Achsenkreuz und lies daraus die für α und β günstige Grenze für Annahme- bzw. Ablehnungsbereich ab. Berechne dazu α und β .

Aufgabe 342:

Eine Fernsehserie hatte im letzten Jahr eine mittlere Einschaltquote von 10%. Das Management des Senders vermutet, dass die Beliebtheit der Serie im letzten Quartal des Vorjahres sogar etwas zugenommen hat. Weitere Serien sollen dazugekauft werden, wenn die Beliebtheit der Sendung tatsächlich zugenommen hat. Dazu sollen 200 Personen mittels einer Telefonaktion befragt werden. Man ist sich auch der Zufälligkeit von Stichprobenergebnissen bewusst und gibt sich mit einer Sicherheit von mindestens 95% des Befragungsergebnisses zufrieden.

Bestimmen Sie den Annahme- und Ablehnungsbereich, sowie den tatsächlichen Fehler 1. Art. Skizzieren sie grob die Verteilungsfunktion und kennzeichnen Sie die markanten Punkte.

Aufgabe 343:

In einer Kleinstadt gibt es 2 Grundschulen. Der Schulleiter der Bismarckschule bestreitet, dass im kommenden Schuljahr wieder nur 37% aller Einschulungen an seine Schule kommen. Man habe die Schule schließlich durch viele Zusatzangebote attraktiver gemacht. Eine Meinungsumfrage mit 200 Eltern soll zeigen, dass die Beliebtheit der Schule gestiegen ist.

Bestimmen Sie den Annahme- und Ablehnungsbereich, sowie den tatsächlichen Fehler 1. Art. Skizzieren sie grob die Verteilungsfunktion und kennzeichnen Sie die markanten Stellen. Das Signifikanzniveau sei höchstens 5%.

Aufgabe 344:

Im vergangenen Jahr wechselten 75% aller Grundschüler eines Schulbezirkes nach der 4. Klasse zur Realschule. Das Schulamt vermutet, dass der Anteil der Schüler, die zur Realschule wechseln auch in diesem Jahr unverändert bleibt. Diese Annahme soll durch eine Befragung von 120 Eltern überprüft werden.

a) Wie lautet die Entscheidungsregel für $\alpha \leq 5\%$?

Berechnen und beschreiben Sie den Fehler 1. Art.

Skizzieren sie grob die Verteilungsfunktion und kennzeichnen Sie die markanten Stellen.

b) Beschreiben und berechnen Sie den Fehler 2. Art, wenn dem Zufallsversuch tatsächlich eine Erfolgswahrscheinlichkeit von $p = 0,7$ zugrunde liegt. Skizzieren sie grob die Verteilungsfunktion und kennzeichnen Sie die markanten Stellen.

Aufgabe 345:

Der Hersteller eines Glücksspielautomaten behauptet, das die Wahrscheinlichkeit für eine bestimmte Gewinnkombination $p = 0,3$ beträgt. In 170 Spielrunden soll diese Angabe überprüft werden.

a) Wie lautet die Entscheidungsregel für $\alpha \leq 5\%$?

Geben Sie auch das Signifikanzniveau $\alpha \leq 10\%$ an.

Skizzieren Sie grob die Verteilungsfunktion und markieren Sie die markanten Werte.

Bemerkung: Der Annahmebereich soll symmetrisch zum Erwartungswert liegen.

b) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit für den Fehler 2. Art, falls die tatsächliche Wahrscheinlichkeit dieser Gewinnkombination nur $p = 0,2$ beträgt. Skizzieren Sie grob die Verteilungsfunktion und markieren Sie die markanten Werte.

Wiederholungs- und alte Klausuraufgaben

Aufgabe 346:

Von zwei Würfeln ist der eine ideal, der andere ist so gezinkt, daß $p(\{1\}) = 0,5$ ist. Mit Hilfe eines Tests sollen die Würfel identifiziert werden. Der Test soll den Umfang 20 und ein Signifikanzniveau von 20 % haben. Welchen Annahmebereich erhält die Hypothese $H_1 : p(\{1\}) = 0,5$ und welche Wahrscheinlichkeiten haben beide Fehler ?

Nullstellenberechnung

Aufgabe 347:

Berechnen Sie mit Hilfe eines Näherungsverfahrens alle Nullstellen.

$$f(x) = x^3 - 5x^2 - 4x + 2$$

Aufgabe 348:

Berechnen Sie mit Hilfe eines Näherungsverfahrens alle Nullstellen.

$$f(x) = \ln(x^4 + 5x^3 - 5)$$

Aufgabe 349:

Bestimme π mit Hilfe des Newton-Verfahrens auf vier Dezimalstellen genau.

Aufgabe 350:

Berechnen Sie mit Hilfe eines Näherungsverfahrens alle Nullstellen.

a) $f(x) = x^3 - 2x^2 - 5x - 3; I = [3;4]$

b) $f(x) = x^3 - x^2 - 8x - 7; I = [3;4]$

c) $f(x) = x^5 - 3x^3 + 5; I = [-2;-1,5]$

d) $f(x) = x^5 + x^3 - 4; I = [1;2]$

Interpolation

Aufgabe 351:

Bestimmen Sie das resultierende Lagrange-Interpolationspolynom für folgende Funktionswerte an den Stützstellen: $f(x_0) = 2$, $f(x_1) = -1$ und $f(x_2) = 5$. ($x_1=-1$; $x_2=2$ und $x_3=3$)

Aufgabe 352:

Gegeben sind die drei Stützstellen:

x_i	-2	0	3
y_i	5	-1	8

Bestimmen Sie das resultierende Lagrange-Interpolationspolynom.

Aufgabe 353:

Gegeben sind die drei Stützstellen:

x_i	-1	0	2
y_i	3	1	3

Bestimmen Sie das resultierende Lagrange-Interpolationspolynom.

Aufgabe 354:

Von einer Funktion $y = f(x)$ liegen folgende Werte vor:

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y	0	0	0	180	48	0	0

- a) Bestimmen Sie durch Lagrange-Interpolation das lineare Interpolationspolynom mit den Stützstellen $x=1$ und 2 , das quadratische Interpolationspolynom mit den Stützstellen $x=0$, 1 und 2 sowie das Interpolationspolynom, das alle gegebenen Werte berücksichtigt!
- b) Bestimmen Sie die Nullstellen der drei bei a) ermittelten Interpolationspolynome!

Vermischte Aufgaben zur Klausurvorbereitung

Aufgabe 355:

Eine ideale Münze wird achtmal nacheinander geworfen und man notiert jedes Mal, ob W oder Z gefallen ist. Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält man

- a) genau 4-mal Wappen,
- b) genau 4-mal Wappen nacheinander
- c) mindestens 3-mal Wappen.

Aufgabe 356:

Ein Würfel wird zwölfmal geworfen, und es ergeben sich folgende Augenzahlen:

1, 4, 5, 2, 6, 5, 3, 1, 2, 3, 3, 1.

Welche der folgenden Aussagen sind richtig? (mehrere Antworten können richtig sein)

- A Das arithmetische Mittel ist 3.
- B Der Zentralwert (Median) ist 4.
- C 1 und 3 sind Modalwerte.
- D Die mittlere Abweichung ist $\frac{3}{4}$.
- E Die Varianz ist das Quadrat der Standardabweichung.

Aufgabe 357:

Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Fallschirm versagt, liegt bei 0,001. Das gleiche gilt für den Ersatzfallschirm.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass man bei einem Fallschirmsprung zu Tode kommt?
- b) Im weiteren Verlauf wird das Versagen von Fallschirm und Ersatzfallschirm als Treffer gewertet. Wie viele Sprünge muss man mindestens machen, dass mit einer Wahrscheinlichkeit von mindestens 10% mindestens ein Treffer gelandet wird?

Aufgabe 358:

In einer Urne befinden sich 4 schwarze, 6 weiße und 2 rote Kugeln.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass zwei zufällig herausgegriffene Kugeln die gleiche Farbe haben?
- b) Es werden acht Kugeln mit Zurücklegen gezogen. Welches ist die Wahrscheinlichkeit, dass genau drei der gezogenen Kugeln schwarz sind?

Aufgabe 359:

Es wurden 50 Personen telefonisch bezüglich gewisser Konsumpräferenzen befragt. Unter anderem erhob man den Familienstand. Es ist das Merkmal

x: Familienstand - mit den Ausprägungen 1=ledig, 2=verheiratet, 3=geschieden, 4=verwitwet.

Es ergab sich die Urliste

2; 2; 1; 2; 3; 3; 1; 2; 3; 2; 3; 4; 4; 1; 2; 1; 1; 2; 3; 2; 1; 2; 2; 1; 2;

2; 2; 1; 4; 2; 2; 4; 3; 1; 2; 2; 1; 3; 2; 3; 1; 2; 2; 3; 2; 2; 2; 1; 3; 3

a) (4) Erstellen Sie für die erhobenen Merkmale eine Häufigkeitstabelle. In dieser sollen lediglich die absolute und die relative Häufigkeit berechnet werden.

b) (2) Berechnen Sie ein Lage- oder Streumaß, dass für dieses Merkmal einen Sinn ergibt.

Aufgabe 360:

Ein Zulieferer produziert ein Bauteil X auf den drei Maschinen A, B und C, die mit Ausschussquoten von 4, 3 bzw. 1% arbeiten. Bei einer Lieferung an einen seiner Kunden stammen 20% der Bauteile von Maschine A, 30% von Bund 50% von C. Die Bauteile werden vor der Auslieferung einer Endkontrolle unterzogen. Mit einer Wahrscheinlichkeit von 98,5 % wird ein defektes Bauteil als solches erkannt. Andererseits wird mit einer Wahrscheinlichkeit von 1,8% ein fehlerfreies Bauteil irrtümlich als defekteingestuft.

- a) Nennen Sie die gegebenen Ereignisse mit ihren Wahrscheinlichkeiten!
- b) Der Kunde akzeptiert Lieferungen mit einer Ausschussquote von maximal 2%. Würde die maximale Ausschussquote in der Lieferung überschritten, falls keine Endkontrolle durchgeführt würde?
- c) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Bauteil von Maschine B stammt, wenn es bei der Endkontrolle als defekt eingestuft wurde?
- d) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Bauteil defekt ist, wenn es bei der Endkontrolle als defekteingestuft wurde?
- e) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Bauteil fehlerfrei ist, wenn es bei der Endkontrolle als defekt eingestuft wurde?
- f) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Bauteil fehlerfrei ist, wenn es bei der Endkontrolle als fehlerfrei eingestuft wurde?
- g) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Bauteil defekt ist, wenn es bei der Endkontrolle als fehlerfrei eingestuft wurde?

Aufgabe 361:

Der Verkäufer eines Lederwarengeschäfts bietet Ihnen zwei Reisekoffer A und B an, die sich nur in ihrem Sicherungssystem unterscheiden. Reisekoffer A ist mit einem vierstelligen Zahlenschloss ausgestattet, während Reisekoffer B mit zwei voneinander unabhängigen, zweistelligen Zahlenschlössern ausgestattet ist. Die Sicherungscodes können vom Käufer selbst festgelegt werden, wobei für jede Stelle die Ziffern 0 bis 9 zulässig sind. Für welchen der beiden Koffer wird sich ein sicherheitsbewusster Käufer entscheiden?

Aufgabe 362:

Ein Touristikunternehmer bietet in jedem Herbst eine exklusive Reise zu den Schlössern am Main an. Die Reise erfolgt mit einem Kleinbus, in dem neun Touristen Platz haben. Aus langjähriger Erfahrung weiß der Unternehmer, dass eine jede Buchung in den letzten beiden Tagen mit einer Wahrscheinlichkeit von 5 % kurzfristig storniert wird. Der Unternehmer hat wegen der kurzfristigen Stornierungen statt neun Buchungen zehn Buchungen entgegengenommen.

- a) Welches Überbelegungsrisiko geht der Unternehmer ein?
- b) Um in der Gewinnzone zu bleiben, müssen mindestens acht Personen mitfahren. Wie wahrscheinlich ist es, dass der Unternehmer noch kurzfristig für Ersatzreisende sorgen muss, um nicht in die Verlustzone zu geraten?
- c) Mit wie vielen Stornierungen hat er bei 10 Buchungen durchschnittlich zu rechnen?

Aufgabe 363:

Von den 30 Einzelhändlern in einer Kleinstadt sind 10 für und 20 gegen eine Verlängerung der Ladenöffnungszeit. Im Rahmen einer Umfrage werden 6 zufällig ausgewählte Einzelhändler nach ihrer Meinung befragt.

- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich genau zwei der befragten Einzelhändler für eine Verlängerung der Ladenöffnungszeit aussprechen?
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich mindestens die Hälfte der befragten Händler auf eine Verlängerung der Ladenöffnungszeit ausspricht?
- c) Wie viele Einzelhändler sind in der Umfrage zu erwarten, die sich für eine Verlängerung der Ladenöffnungszeit aussprechen?

Aufgabe 364:

Ein Software-Hersteller AppFuture KG hat für seine Kunden in Norddeutschland die Hotline "SuperDirekt" eingerichtet. An Werktagen rufen zwischen 20:00 und 22:00 Uhr durchschnittlich 5 Kunden an. Die Hotline ist so besetzt, dass sie in dieser Zeitspanne 9 Anrufe entgegennehmen kann.

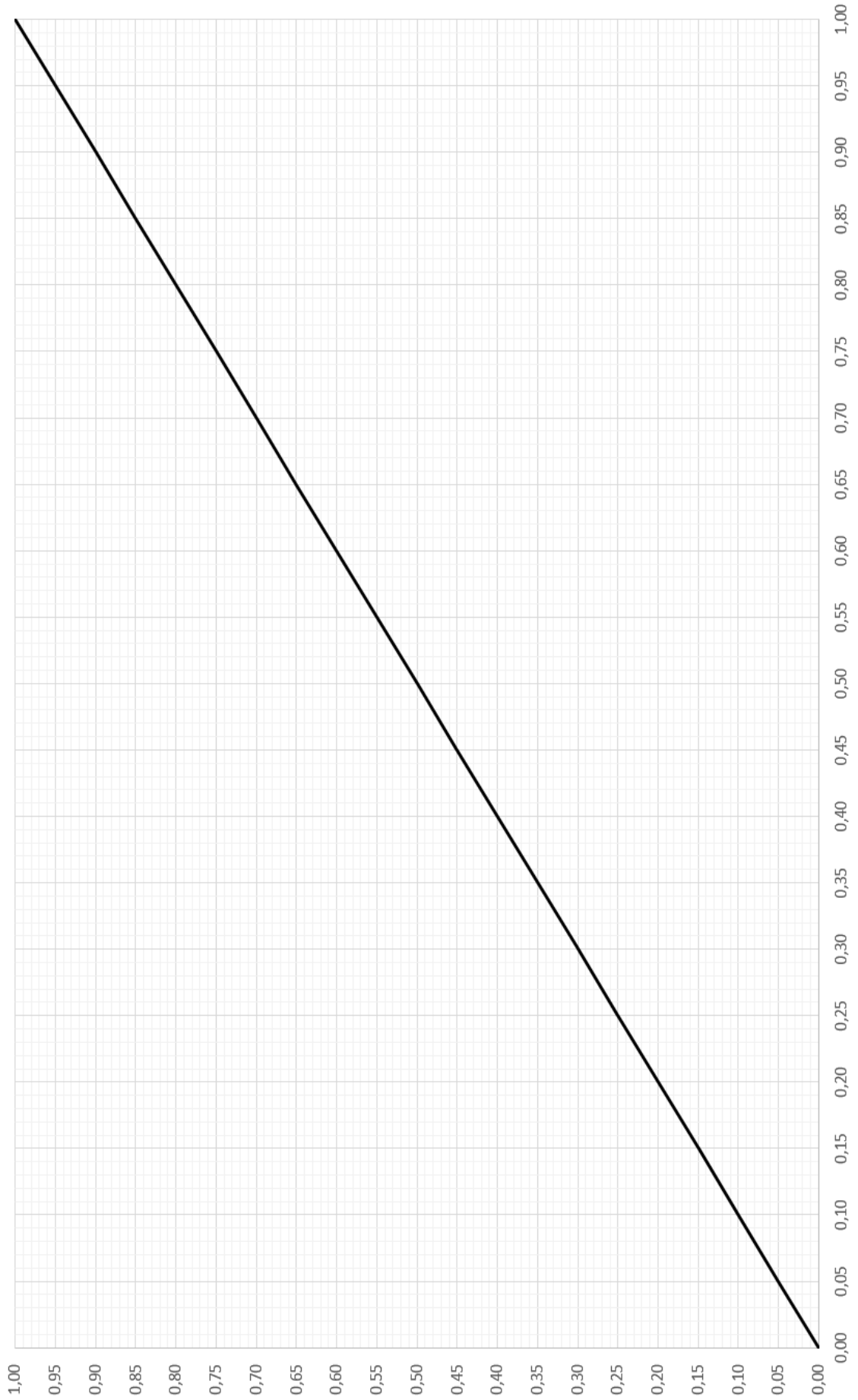
- a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass zwischen 20:00 und 22:00 Uhr drei Kunden anrufen?
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Hotline überlastet ist?
- c) Bei der Hotline "FastDirekt" für die Kunden in Ostdeutschland gehen zwischen 20:00 und 22:00 Uhr durchschnittlich 4 Anrufe ein; es können 7 Anrufe entgegengenommen werden. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass mindestens eine der beiden Hotlines überlastet ist?

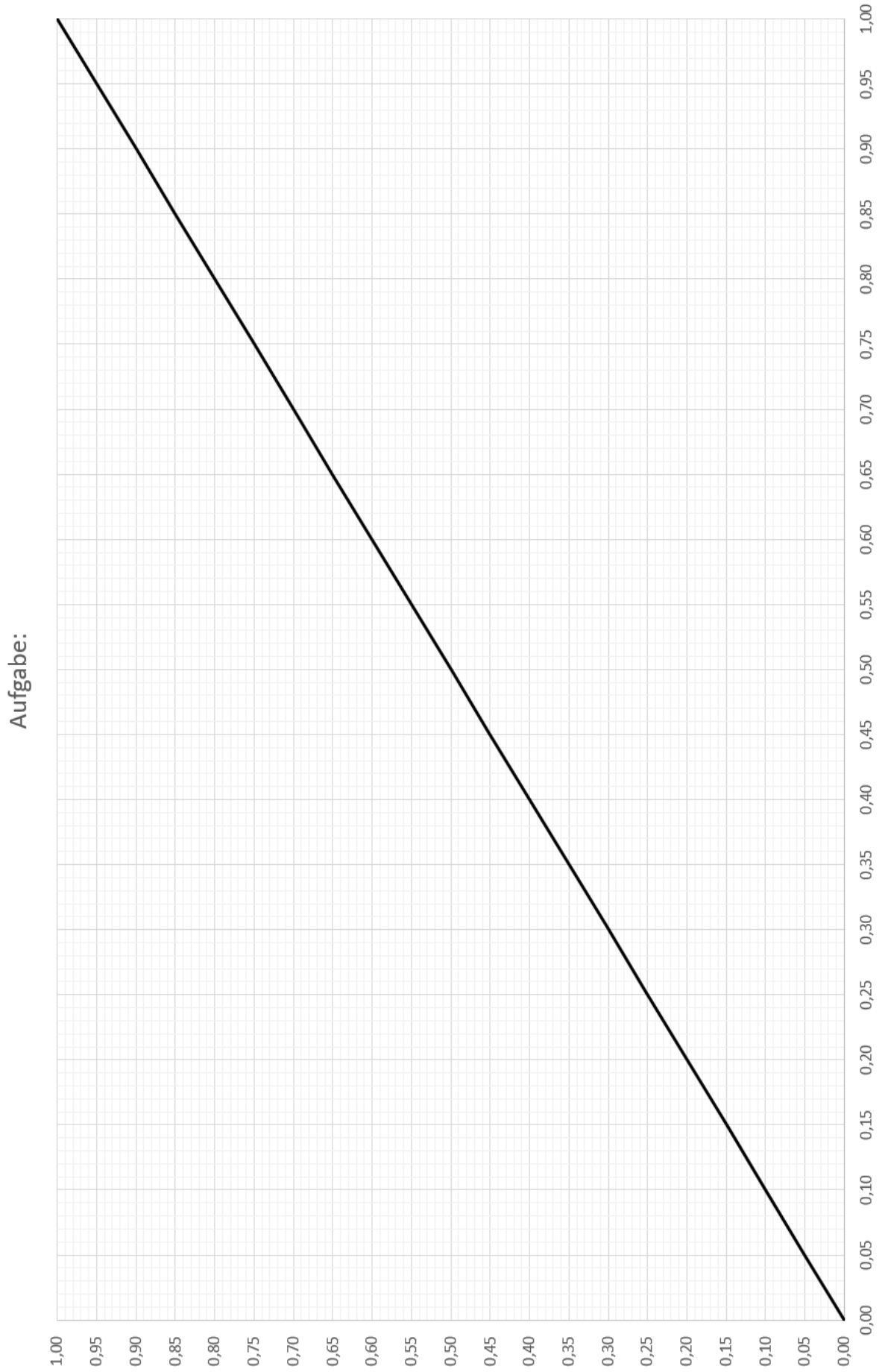
Aufgabe 365:

Blutspenden sind vor ihrer Aufbereitung zu einer Blutkonserve auf ihre Eignung zu untersuchen. Die Kosten für eine Untersuchung belaufen sich – unabhängig von der Blutmenge - auf 20,00 Euro. Mit einer Wahrscheinlichkeit von 90% ist eine Blutspende für die Aufbereitung geeignet. Anstatt jede Blutspende einzeln auf ihre Eignung hin zu untersuchen, sollen drei miteinander verträgliche Blutspenden zuerst zu einem Pool zusammengeführt und erst dann untersucht werden. Wird bei der Poolbildung eine geeignete Blutspende durch nicht geeignete Blutspenden verunreinigt, dann entsteht ein Schaden von 50 € pro ursprünglich geeigneter Blutspende.

Ist die Poolbildung unter wirtschaftlichen Aspekten sinnvoll?

Aufgabe:





Aufgabe:

